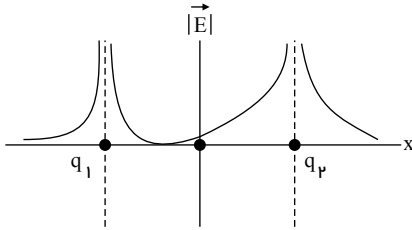




فصل اول : الکتروسیته ساکن

۱- در شکل زیر، نمودار اندازه میدان الکتریکی خالص بر روی خط واصل دو بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 برحسب مکان رسم شده است. اگر فاصله بارها از مبدأ مکان برابر باشد، کدام گزینه ممکن است صحیح باشد؟



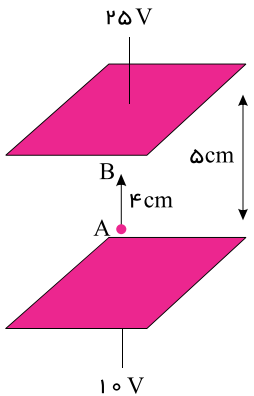
① $q_1 < 0 < q_2$

② $q_2 < q_1 < 0$

③ $q_1 > q_2 > 0$

④ $q_1 > 0 > q_2$

۲- در شکل مقابل اگر بار $+6\mu C$ در میدان الکتریکی یکنواخت از A تا B جابه‌جا شود، انرژی پتانسیل آن چه مقدار و چگونه تغییر می‌کند؟



① $90\mu J$ ، کاهش می‌یابد.

② $90\mu J$ ، افزایش می‌یابد.

③ $72\mu J$ ، کاهش می‌یابد.

④ $72\mu J$ ، افزایش می‌یابد.

۳- دو بار نقطه‌ای q و $4q$ در فاصله r از یکدیگر قرار دارند. اگر حاصل $\frac{q}{r}$ در SI برابر با 10^{-6} باشد، در این صورت اندازه نیروی الکتریکی که این دو

بار بر یکدیگر وارد می‌کنند، چند نیوتون است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$

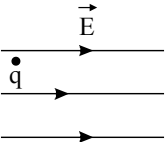
④ 144×10^{-3}

③ 36×10^{-3}

② 144×10^3

① 36×10^3

۴- مطابق شکل زیر، ذره‌ای به جرم 0.02 گرم با بار الکتریکی $q = -0.4\mu C$ را در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی $5 \times 10^2 \frac{N}{C}$ قرار می‌دهیم. بزرگی شتاب حرکت ذره در لحظه شروع حرکت چند $\frac{m}{s^2}$ می‌باشد؟ (از نیروی وزن و تمامی نیروهای مقاوم در برابر حرکت ذره صرف‌نظر شود.)



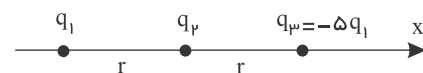
② ۱

① $\sqrt{2}$

④ ۱۰

③ $10\sqrt{2}$

۵- در شکل زیر سه ذره باداری روی محور x قرار دارند و به بار q_1 نیروی الکتریکی خالص F وارد می‌شود. اگر بار q_2 روی محور x به اندازه $\frac{4r}{5}$ به بار



q_2 نزدیک شود، نیروی خالص وارد بر بار q_2 چند برابر F می‌شود؟

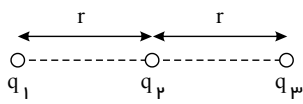
② ۲۱

① ۲۵

④ $\frac{25}{6}$

③ $\frac{13}{3}$

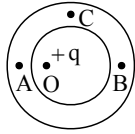
۶- در شکل زیر، بزرگی برابند نیروهای الکتریکی وارد بر بار q_2 برابر با $60N$ است. اگر بار q_1 را حذف کنیم، بزرگی برابند نیروهای الکتریکی وارد بر



بار q_2 برابر $20N$ شده و جهت نیروی الکتریکی برابند عکس می‌شود. حاصل $\frac{q_1}{q_3}$ کدام است؟

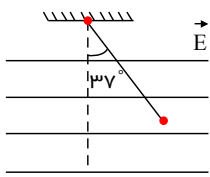
- ۱) ۴
۲) ۳
۳) ۳
۴) -۳
۵) ۴
۶) -۴

۷- مطابق شکل یک بار الکتریکی $+q$ را در نقطه O درون یک پوسته فلزی قرار داده‌ایم. کدام گزینه در مورد میدان الکتریکی در نقاط A و B و C از پوسته فلزی درست است؟



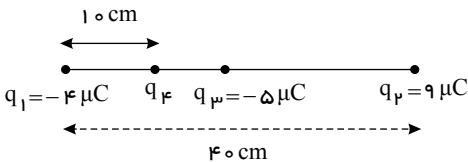
- ۱) $E_A > E_B > E_C$
۲) $E_A = E_B = E_C$
۳) $E_A > E_C > E_B$
۴) $E_A < E_B < E_C$

۸- مطابق شکل زیر، گلوله‌ای به جرم $0.4g$ و بار الکتریکی $-3\mu C$ در میدان الکتریکی یکنواخت افقی \vec{E} به حال تعادل قرار دارد. بزرگی و جهت میدان الکتریکی چند $\frac{N}{C}$ و جهت آن چگونه است؟ $(\tan 37^\circ = \frac{3}{4}, g = 10 \frac{N}{kg})$



- ۱) $\rightarrow, 100$
۲) $\leftarrow, 100$
۳) $\rightarrow, 1000$
۴) $\leftarrow, 1000$

۹- مطابق شکل زیر، بار $q_2 = -5\mu C$ را در چند سانتی‌متری از بار q_4 قرار دهیم تا برابند نیروهای الکتریکی وارد بر بار q_4 صفر شود؟



- ۱) ۲۰
۲) $9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$
۳) ۱۵
۴) ۴۰
۵) ۱۰

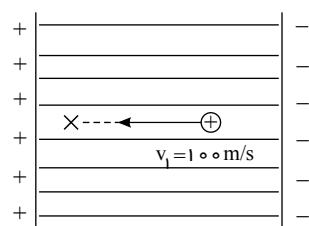
۱۰- یک بار الکتریکی به اندازه Q را می‌خواهیم به نسبت xQ و $(1-x)Q$ تقسیم کرده و در فاصله r از یکدیگر قرار می‌دهیم. بیشترین نیرو به ازای چه مقداری از x ایجاد خواهد شد؟

- ۱) ۱
۲) $\frac{1}{2}$
۳) $\frac{\sqrt{2}}{2}$
۴) $\frac{1}{4}$

۱۱- خازنی را که بین صفحات آن هوا است، پس از شارژ شدن از مولد جدا می‌کنیم. با اعمال کدام یک از تغییرات زیر در مشخصات هندسی خازن، انرژی ذخیره شده در آن ۴ برابر می‌شود؟

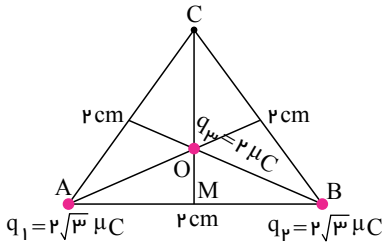
- ۱) فاصله میان صفحات خازن را $\frac{1}{4}$ برابر کنیم.
۲) فاصله میان صفحات خازن را نصف کنیم و دی‌الکتریک با ثابت دی‌الکتریک ۲ را بین صفحات وارد کنیم.
۳) فاصله میان صفحات خازن را ۴ برابر کنیم.
۴) مساحت صفحات خازن و فاصله بین آن‌ها را دو برابر کنیم.

۱۲- مطابق شکل زیر، پروتونی با تندى اولیه $100m/s$ در راستای افقی و برخلاف جهت خطهای میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی $E = 4N/C$ پرتاب می‌شود. این ذره پس از طی چند میلی‌متر متوقف می‌شود؟



- ۱) 1.25×10^2
۲) 1.25
۳) 1.25×10
۴) 1.25×10^{-2}

۱۳- مثلث ABC متساوی الاضلاع و نقطه O محل تقاطع میانه‌های آن است. میدان در رأس C چند نیوتون بر کولن است؟ $(k = 9 \times 10^9 \frac{Nm^2}{C^2})$



- ① 27×10^6
- ② 27×10^7
- ③ 81×10^6
- ④ 81×10^7

۱۴- تعداد نامتناهی از بارهایی که هر یک برابر q هستند را در امتداد محور x در مکان‌های $x = 1$ و $x = 2$ و $x = 4$ و $x = 8$ و قرار می‌دهیم. بزرگی میدان الکتریکی در نقطه $x = 0$ ، چند برابر بزرگی میدان الکتریکی حاصل از اولین بار الکتریکی در مکان $x = 0$ است؟

- ① صفر
- ② $\frac{3}{4}$
- ③ $\frac{4}{3}$
- ④ $\frac{2}{3}$

۱۵- فاصله بار الکتریکی نقطه‌ای q_3 از دو بار الکتریکی نقطه‌ای q_1 و q_2 برابر با d و نیروی وارد بر هر یک از این بارها از طرف بار q_3 در SI به صورت $\vec{F}_{31} = 3\vec{i} + 4\vec{j}$ و $\vec{F}_{32} = -6\vec{i} - 8\vec{j}$ می‌باشد. حاصل $\frac{q_2}{q_1}$ کدام است؟ (دو بار q_1 و q_2 در یک مکان قرار ندارند.)

- ① ۲
- ② -۲
- ③ $\frac{1}{2}$
- ④ $-\frac{1}{2}$

۱۶- با الکتریکی نقطه‌ای $q = -2 \mu C$ وقتی از نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی $V_1 = -40V$ تا نقطه‌ای با پتانسیل الکتریکی V_2 جابه‌جا می‌شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن $J \times 10^{-5} \times 6$ افزایش می‌یابد. V_2 چند ولت است؟

- ① صفر
- ② -۵۰
- ③ ۱۰
- ④ -۷۰

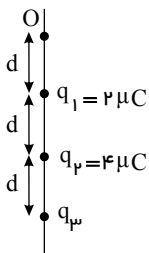
۱۷- دو بار الکتریکی نقطه‌ای $q_1 = +2 \mu C$ و $q_2 = -4 \mu C$ در فاصله r از یکدیگر قرار دارند. اگر ۲۵ درصد از بار q_2 را برداشته و به بار q_1 اضافه کنیم و دو بار را در فاصله $\frac{r}{2}$ از یکدیگر قرار دهیم، اندازه نیرویی که این دو بار به یکدیگر وارد می‌کنند، نسبت به حالت اول چند برابر می‌شود؟

- ① ۱٫۵
- ② ۶
- ③ ۱
- ④ ۳

۱۸- میدان الکتریکی در فاصله ۳۶ سانتی‌متری از بار q برابر $\frac{N}{C} \times 12$ است. چند سانتی‌متر به این بار نزدیک شویم تا بزرگی میدان الکتریکی برابر با $\frac{N}{C} \times 27$ شود؟

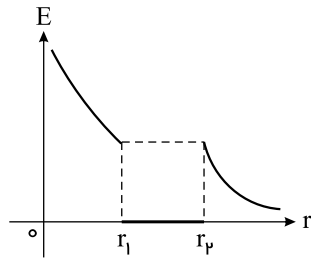
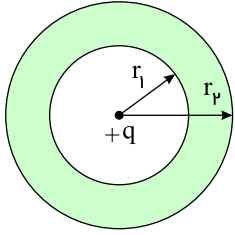
- ① ۱۲
- ② ۱۶
- ③ ۲۰
- ④ ۲۴

۱۹- در شکل زیر، بار نقطه‌ای q_3 چند میکروکولن باشد تا برآیند میدان‌های الکتریکی حاصل از سه بار الکتریکی نقطه‌ای، در نقطه O برابر با صفر شود؟

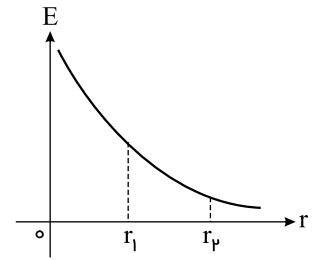


- ① ۶
- ② -۶
- ③ ۲۷
- ④ -۲۷

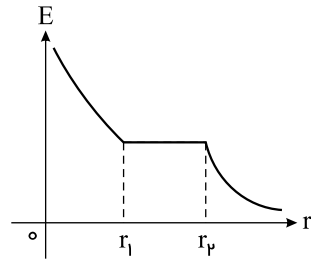
۲۰- مطابق شکل در مرکز یک پوسته کروی رسانا به شعاع داخلی r_1 و بیرونی r_2 بار ذره‌ای $+q$ قرار دارد. نمودار میدان الکتریکی E بر حسب فاصله از بار q کدام گزینه است؟



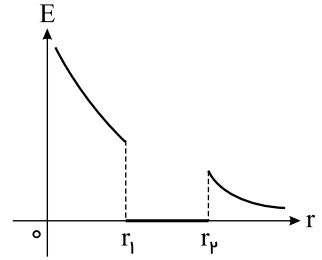
(۲)



(۱)

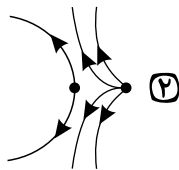


(۴)

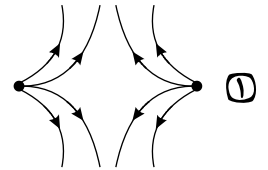


(۳)

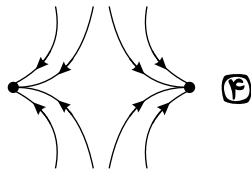
۲۱- دو کره رسانای باردار را با یکدیگر تماس داده و در فاصله معینی از یکدیگر قرار می‌دهیم. کدام یک از گزینه‌های زیر نمی‌تواند خطوط میدان الکتریکی در اطراف این دو کره را به درستی نشان دهد؟



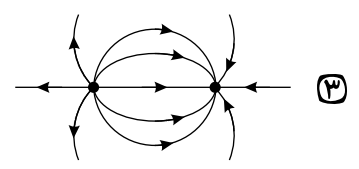
(۲)



(۱)

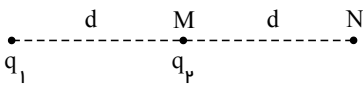


(۴)



(۳)

۲۲- در شکل زیر بردار میدان الکتریکی در نقطه N برابر با \vec{E} است. اگر بار q_2 را به نقطه N منتقل کنیم بردار میدان الکتریکی در این نقطه M (مکان اولیه بار q_2)، $-2\vec{E}$ می‌شود. کدام است $\frac{q_2}{q_1}$ ؟



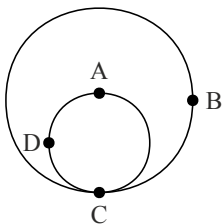
(۲) $-\frac{3}{2}$

(۱) $\frac{3}{2}$

(۴) ۶

(۳) -۶

۲۳- به دو استوانه تو خالی رسانا با شعاع‌های r_1 و r_2 از طریق تماس، مقداری بار الکتریکی منتقل می‌کنیم. سپس استوانه r_2 را در استوانه r_1 مطابق شکل زیر قرار می‌دهیم. پس از برقراری تعادل، در کدام یک از نقاط مشخص شده، بار الکتریکی وجود دارد؟



(۲) فقط B, C

(۱) A, B, C, D

(۴) فقط B

(۳) فقط A, C, B

۲۴- بار الکتریکی $q = -2nC$ در راستای میدان الکتریکی یکنواخت، از نقطه A به نقطه B منتقل می‌شود و انرژی پتانسیل الکتریکی آن $2mJ$ افزایش می‌یابد. $V_B - V_A$ ، چند ولت است و جهت حرکت بار الکتریکی در مقایسه با جهت میدان الکتریکی چگونه است؟

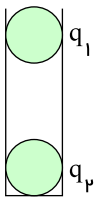
(۴) 10° و در جهت میدان

(۳) 10° و در جهت میدان

(۲) 10° و در خلاف جهت میدان

(۱) 10° و در خلاف جهت میدان

۲۵- مطابق شکل دو گلوله باردار با بارهای q_1 و q_2 در داخل لوله‌ای عایق و استوانه‌ای شکل با اصطکاک ناچیز در فاصله ۴۰ سانتی‌متری از هم در حال تعادل هستند و اندازه میدان الکتریکی در وسط فاصله آنها برابر E است. اگر ۵۰ درصد از بار هریک را خنثی کنیم، بعد از تعادل بزرگی میدان الکتریکی



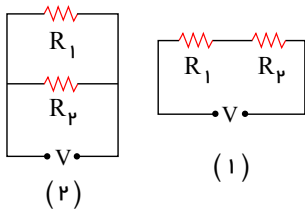
در وسط فاصله آنها E' می‌شود. نسبت $\frac{E'}{E}$ کدام است؟ (از تغییر جرم گلوله‌ها صرف نظر کنید).

- ۱ (۱) ۲ (۲)
۸ (۳) ۴ (۴)

فصل دوم : جریان الکتریکی و مدار های جریان مستقیم

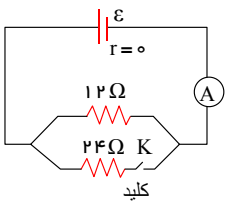
۲۶- در شکل مقابل دو مقاومت $R_1 = 6\Omega$ و R_2 را به دو صورت به اختلاف پتانسیل ثابت V وصل می‌کنیم. اگر توان مصرفی مجموعه در شکل (۲)،

$4/5$ برابر توان مصرفی شکل (۱) باشد، اندازه R_2 کدام مقادیر بر حسب اهم می‌تواند باشد؟



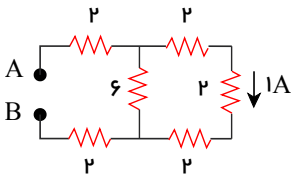
- ۷ یا ۵ (۱)
۸ یا ۴ (۲)
۱۸ یا ۲ (۳)
۱۲ یا ۳ (۴)

۲۷- در مدار شکل زیر وقتی کلید K باز است آمپرسنج ۲ آمپر را نشان می‌دهد. اگر کلید K بسته شود آمپرسنج چند آمپر را نشان خواهد داد؟



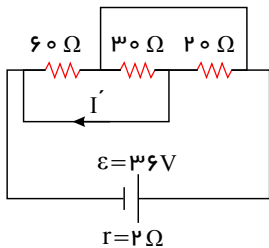
- ۳ (۱) $\frac{1}{3}$ (۲)
۲ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴)

۲۸- در مدار داده شده اختلاف پتانسیل دو نقطه A و B چند ولت است؟



- ۱۴ (۱) ۷ (۲)
۶ (۳) ۱۸ (۴)

۲۹- در مدار روبه‌رو، I' چند آمپر است؟

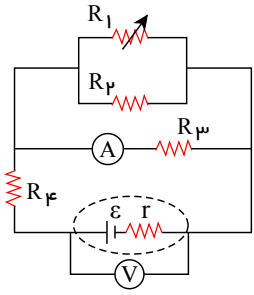


- ۱ (۱) صفر
۰٫۵ (۲)
۲٫۵ (۳)
۱٫۵ (۴)

۳۰- از یک مقاومت ۵ اهمی جریان الکتریکی ثابتی عبور کرده و در نتیجه با عبور ۲۰۰ کولن الکتریسیته، $J = 4000$ گرما تولید شده است. زمان عبور این مقدار الکتریسیته چند ثانیه است؟

- ۲۰ (۱) ۲۵ (۲) ۴۰ (۳) ۵۰ (۴)

۳۱- در مدار شکل زیر، با افزایش مقدار مقاومت متغیر R_1 ، اعداد نمایش داده شده توسط آمپرسنج ایده آل و ولت سنج ایده آل به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می کنند؟

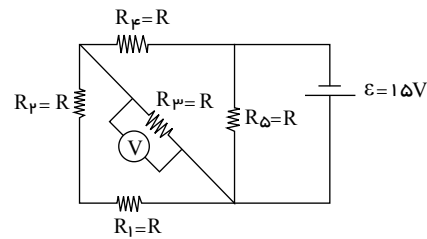


- ① کاهش - کاهش
- ② کاهش - افزایش
- ③ افزایش - کاهش
- ④ افزایش - افزایش

۳۲- مقاومت کابل توپُر A به طول ℓ_A و شعاع $3mm$ برابر R_A می باشد و مقاومت کابل توخالی B به طول ℓ_B و قطر داخلی $4mm$ و قطر خارجی

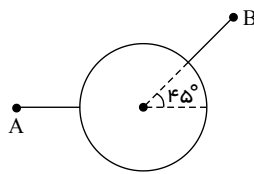
$6mm$ برابر با R_B است، اگر دو کابل هم جنس و $\ell_A = \ell_B$ باشد، $\frac{R_B}{R_A}$ کدام است؟

- ① $\frac{5}{9}$
- ② $\frac{9}{5}$
- ③ ۳
- ④ $\frac{1}{3}$



۳۳- عددی که ولت متر نشان می دهد چند ولت است؟ (همه مقاومت ها، مشابه و ۳ اهمی هستند)

- ① ۱
- ② ۲
- ③ ۳
- ④ ۶



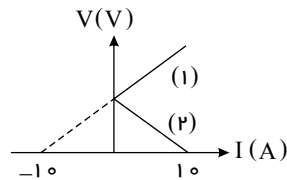
۳۴- سیمی به مقاومت 40Ω را به صورت حلقه (مانند شکل روبه رو) درمی آوریم. مقاومت معادل بین A و B چند اهم است؟

- ① ۲۰
- ② $\frac{75}{8}$
- ③ $\frac{3}{16}$
- ④ $\frac{12}{19}$

۳۵- کدام یک از گزینه های زیر نادرست است؟

- ① مقدار مقاومت های پیچیده ای با کدهای رنگی مشخص می شود.
- ② بستگی مقاومت الکتریکی ترمیستورها به دما، متفاوت از مقاومت های معمولی است.
- ③ هرگاه از مولد جریان عبور نکند، اختلاف پتانسیل دو سر آن، برابر با نیروی محرکه مولد است.
- ④ در اتصال متوالی مقاومت ها، مقاومت معادل از بزرگ ترین مقاومت، بزرگ تر است.

۳۶- نمودار $V - I$ دو مولد ϵ_1 و ϵ_2 با مقاومت های درونی r_1 و r_2 که در یک مدار الکتریکی قرار دارند، مطابق شکل زیر است. کدام گزینه در مورد این دو مولد درست است؟



(V اختلاف پتانسیل دو سر مولد و I جریان عبوری از آن است.)

① $\epsilon_1 > \epsilon_2$ و $r_2 = r_1$

- ② اگر جریان یکسان از این مولدها بگذرد، توان تلف شده در آن ها یکسان نیست.
- ③ در این مدار مولد (۱) تولید کننده توان و مولد (۲) مصرف کننده توان است.
- ④ دو مولد مقاومت درونی یکسان و نیروی محرکه یکسان دارند.

۳۷- دو سیم تو خالی و هم جنس A و B را در اختیار داریم، طوری که مقاومت سیم A ، ۴ برابر مقاومت سیم B و ضخامت بخش فلزی سیم A ، دو برابر

ضخامت بخش فلزی سیم B است، اگر شعاع خارجی مقطع سیم B نصف شعاع خارجی مقطع سیم A باشد، طول سیم A چند برابر طول سیم B است؟

- ① ۳۲
- ② ۱۶
- ③ ۴
- ④ ۸

تکالیف نوروزی درس فیزیک پایه دهم تجربی

۳۸- روی یک لامپ عددهای $220V$ و $100W$ ثبت شده است. اگر این لامپ به اختلاف پتانسیل $200V$ وصل شود، با فرض ثابت ماندن مقاومت لامپ، در مدت ۱۱ ساعت چند کیلووات ساعت انرژی مصرف می‌کند؟

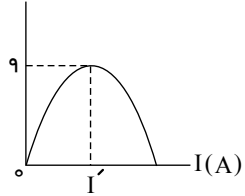
۱۱ (۴)

۱۰ (۳)

$\frac{10}{11}$ (۲)

$\frac{10}{121}$ (۱)

$P(W)$



۳۹- نمودار تغییرات توان خروجی یک مولد بر حسب جریان گرفته شده از آن مطابق شکل زیر است. اگر نیروی محرکه مولد ۶ ولت باشد، I' چند آمپر می‌باشد؟

۹ (۲)

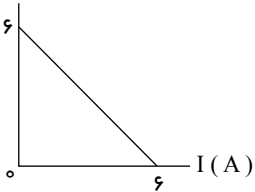
۳ (۱)

$1/5$ (۴)

۶ (۳)

۴۰- نمودار اختلاف پتانسیل دو سر یک مولد بر حسب جریان الکتریکی عبوری از آن، مطابق با شکل زیر است. بیشینه توان خروجی این مولد چند وات است؟

$V(V)$



۴٫۵ (۲)

۶ (۱)

۹ (۴)

۱۲ (۳)

۴۱- حاصل عبارت $P \times R \times C$ که P معرف توان، R معرف مقاومت و C معرف ظرفیت خازن است، از جنس کدام کمیت است؟

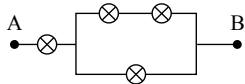
زمان (۴)

نیرو (۳)

انرژی (۲)

فشار (۱)

۴۲- در شکل زیر لامپ‌ها مشابه‌اند و حداکثر توان الکتریکی‌ای که هر لامپ می‌تواند تحمل کند، ۱۲ وات است. حداکثر توان الکتریکی بین A و B چند وات می‌تواند باشد؟



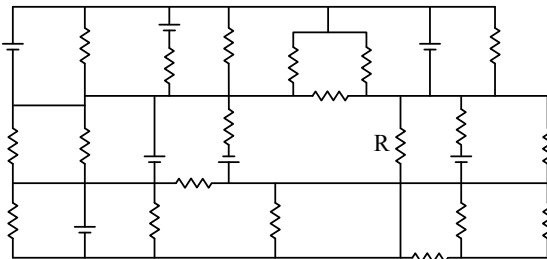
۱۸ (۴)

۲۰ (۳)

۲۴ (۲)

۳۰ (۱)

۴۳- در شکل زیر هزارتوی رس - مونستر نشان داده شده است. اگر همه مقاومت‌ها ۴ اهمی بوده و نیروی محرکه همه باتری‌ها $4V$ باشد. جریان عبوری از مقاومت R چند آمپر است؟



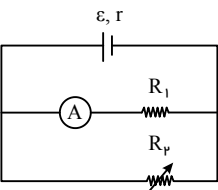
۲ (۱)

۴ (۲)

۳ (۳)

۶ (۴)

۴۴- در مدار شکل زیر به تدریج مقاومت متغیر R_p را کاهش می‌دهیم. به ترتیب از راست به چپ مقاومت معادل کل مدار و جریانی که آمپرسنج ایده‌آل نشان می‌دهد، به تدریج چگونه تغییر می‌کند؟



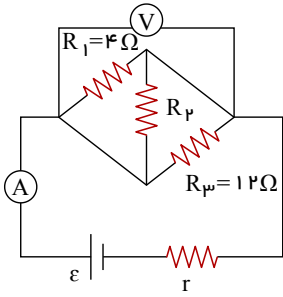
کاهش - کاهش (۲)

افزایش - افزایش (۱)

افزایش - کاهش (۴)

کاهش - افزایش (۳)

۴۵- در شکل مقابل، آمپرسنج $8A$ و ولتسنج $18V$ را نشان می‌دهد. توان مصرفی در مقاومت R_p چند وات است؟

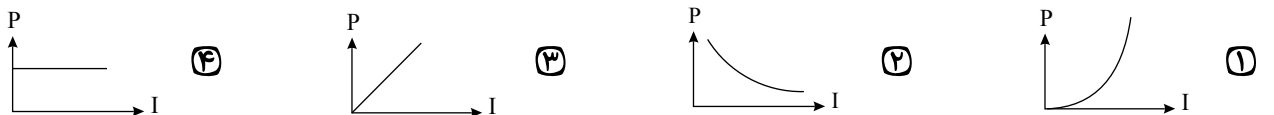
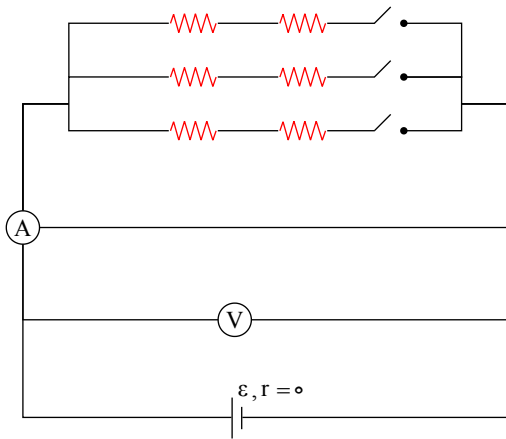


- ① ۶
- ② ۹
- ③ ۳۶
- ④ ۶۰

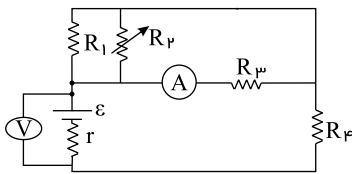
۴۶- N مقاومت مشابه را به‌طور متوالی وصل کرده و به اختلاف پتانسیل V وصل می‌کنیم. از هر یک از مقاومت‌ها جریان I_1 می‌گذرد. اگر مقاومت‌ها را به‌طور موازی وصل کرده و به همان اختلاف پتانسیل وصل کنیم، جریان عبوری از هر یک از مقاومت‌ها چند I_1 خواهد بود؟

- ① $\frac{1}{N^2}$
- ② $\frac{1}{N}$
- ③ N
- ④ N^2

۴۷- در مدار شکل زیر تمامی مقاومت‌ها 60 اهمی می‌باشند. کلیدها را یکی پس از دیگری می‌زنیم. نمودار توان مصرفی کل مدار برحسب شدت جریان این مدار کدام است؟

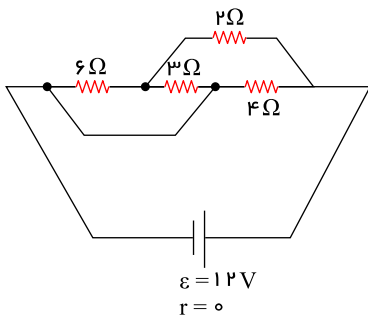


۴۸- در شکل زیر با تغییر مقدار مقاومت R_p ، عدد ولتسنج ایده‌آل افزایش می‌یابد. در حین تغییر مقدار R_p ، عدد آمپرسنج ایده‌آل و توان مصرفی R_4 به ترتیب چگونه تغییر می‌کنند؟



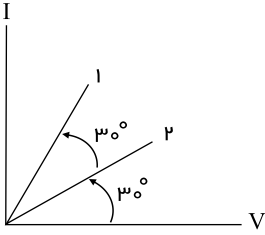
- ① کاهش - افزایش
- ② کاهش - کاهش
- ③ افزایش - کاهش
- ④ افزایش - افزایش

۴۹- در مدار شکل زیر جریان عبوری از مقاومت 3 اهمی چند آمپر و در چه جهتی است؟



- ① ۱ و ←
- ② ۲ و →
- ③ ۳ و →
- ④ ۶ و ←

۵۰- نمودار جریان بر حسب اختلاف پتانسیل دو سر رساناهای ۱ و ۲ مطابق شکل است، در دمای یکسان کدام گزینه در مورد مقاومت آنها صحیح است؟



① $R_1 = R_2$

② $R_1 > R_2$

③ $R_2 = \frac{1}{3} R_1$

④ $R_1 < R_2$

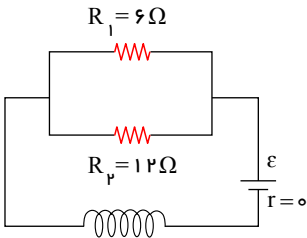
فصل سوم : مغناطیس و القای الکترومغناطیسی

۵۱- آهنگ تغییر شار مغناطیسی از جنس کدام کمیت فیزیکی است؟

- ① میدان مغناطیسی ② نیروی محرکه الکتریکی ③ شدت جریان الکتریکی ④ نیروی الکترومغناطیسی

۵۲- در شکل روبه‌رو، توان مصرفی مقاومت R_1 برابر ۲۴ وات می‌باشد. اگر سیملوله در هر متر ۱۰۰۰ دور حلقه داشته باشد، میدان مغناطیسی در داخل

سیملوله چند تسلا است؟ $(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$



① $1,2\pi \times 10^{-3}$

② $1,2\pi \times 10^{-4}$

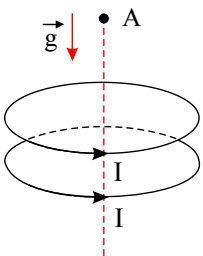
③ $4\pi \times 10^{-4}$

④ $8\pi \times 10^{-3}$

۵۳- اگر جریان الکتریکی عبوری از یک سیملوله ۲ برابر شود، آن ۴ برابر و آن ۲ برابر می‌شود.

- ① شار مغناطیسی - میدان مغناطیسی ② شار مغناطیسی - انرژی ③ میدان مغناطیسی - شار مغناطیسی ④ انرژی - میدان مغناطیسی

۵۴- مطابق شکل زیر، از دو حلقه‌ی مشابه که به‌طور موازی روبه‌روی یکدیگر قرار دارند جریان‌های I را در یک جهت عبور می‌دهیم. اگر یک ذره‌ی



باردار با بار منفی از نقطه‌ای روی محور حلقه‌ها (A) بدون سرعت اولیه رها شود اندازه‌ی شتاب آن

① ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.

② ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

③ ثابت و برابر g است.

④ ثابت است ولی با g برابر نیست.

۵۵- با سیمی به طول L و قطر مقطع d ، سیملوله‌ای به قطر D می‌سازیم و از آن جریان I را عبور می‌دهیم. اگر حلقه‌های سیملوله در یک ردیف به هم

چسبیده باشند، بزرگی میدان مغناطیسی حاصل روی محور اصلی سیملوله و به دور از لبه‌های آن، کدام است؟

④ $\frac{\mu_0 dI}{DL}$

③ $\frac{\mu_0 I}{L}$

② $\frac{\mu_0 I}{D}$

① $\frac{\mu_0 I}{d}$

۵۶- الکترونی با سرعت $2 \times 10^5 \frac{m}{s}$ به سمت بالا و عمود بر یک میدان مغناطیسی یکنواخت در حال حرکت است. اگر اندازه‌ی نیروی وارد بر آن از

طرف میدان مغناطیسی برابر با $6,4 \times 10^{-18} N$ و جهت آن به سمت مغرب باشد، بزرگی میدان بر حسب گaus و جهت آن کدام است؟

$(e = 1,6 \times 10^{-19} C)$

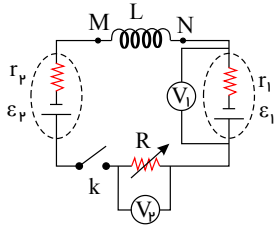
④ ۴، جنوب

③ ۲، جنوب

② ۴، شمال

① ۲، شمال

۵۷- در مدار شکل مقابل در لحظه وصل کلید $V_N > V_M$ است. پس از گذشت مدت زمان طولانی از لحظه وصل کلید اگر مقاومت متغیر R را از مقدار R_1 به R_2 برسانیم ($R_2 > R_1$) در حالتی که $V_M - V_N = 0$ است، اعدادی که ولتسنج‌های ایده‌آل V_1 و V_2 نشان می‌دهند. به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کنند؟ (مقاومت القاگر ناچیز است.)

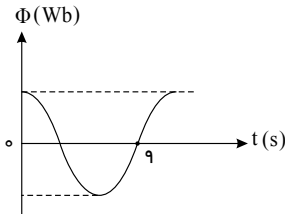


- ۱) کاهش - افزایش
- ۲) افزایش - افزایش
- ۳) کاهش - کاهش
- ۴) افزایش - کاهش

۵۸- ذره‌ای به جرم $1g$ با بار $10^{-6}C$ با تندی $50 \frac{m}{s}$ در جهت جنوب به شمال و در یک میدان الکتریکی قائم در حرکت است. اگر جهت میدان الکتریکی از پایین به بالا بوده و بزرگی آن $800 \frac{N}{C}$ باشد، جهت و بزرگی میدان مغناطیسی بر حسب تسلا که عمود بر راستای حرکت ذره است و سبب می‌شود این ذره مسیر افقی حرکت خود را حفظ کند، کدام است؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)

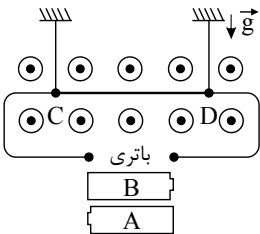
- ۱) غرب به شرق، ۳۶
- ۲) غرب به شرق، ۲۴
- ۳) شرق به غرب، ۳۶
- ۴) شرق به غرب، ۲۴

۵۹- شکل زیر، نمودار تغییرات شار عبوری از یک پیچه را بر حسب زمان نشان می‌دهد. اگر بیشینه شار مغناطیسی عبوری از آن $36mWb$ باشد، معادله شار عبوری از پیچه در SI کدام است؟



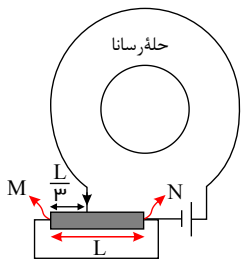
- ۱) $3,6 \times 10^{-2} \cos(\frac{\pi}{6}t)$
- ۲) $3,6 \times 10^{-2} \sin(\frac{\pi}{6}t)$
- ۳) $36 \cos(\frac{\pi}{6}t)$
- ۴) $36 \sin(\frac{\pi}{6}t)$

۶۰- در شکل مقابل، سیم CD به طول $20cm$ ، مقاومت 10Ω و جرم $4g$ عمود بر خط‌های میدان مغناطیسی برون‌سو و یکنواختی به اندازه $5T$ قرار گرفته است. کدام باتری و با چه اختلاف پتانسیلی بر حسب ولت در مدار قرار گیرد تا نیروی کشش نخ‌ها صفر شود؟ ($g = 10 N/kg$)



- ۱) $4V, B$
- ۲) $4V, A$
- ۳) $4V, A$
- ۴) $4V, B$

۶۱- در شکل زیر لغزنده رئوسا بر روی یک سیم دارای مقاومت به طول L قرار دارد. اگر لغزنده را از فاصله $\frac{L}{3}$ از نقطه M به فاصله $\frac{L}{3}$ از نقطه N حرکت دهیم، جهت جریان القایی در حلقه رسانا مطابق کدام گزینه است؟

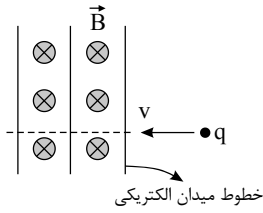


- ۱) پیوسته ساعتگرد
- ۲) ابتدا ساعتگرد سپس پادساعتگرد
- ۳) ابتدا پادساعتگرد سپس ساعتگرد
- ۴) پیوسته پادساعتگرد

۶۲- سطح پیچه‌ای که دارای 2000 حلقه است و مساحت هر حلقه آن $50cm^2$ است، عمود بر خط‌های میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد. اگر در مدت $0,2s$ جهت میدان مغناطیسی از $4T$ (از بالا به پایین) به $4T$ (از پایین به بالا) برسد، بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در پیچه در این مدت چند ولت است؟

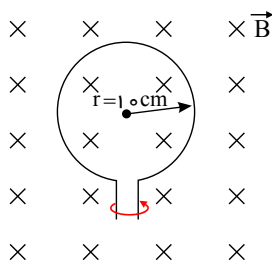
- ۱) صفر
- ۲) $0,8$
- ۳) $0,4$
- ۴) 40

۶۳- مطابق شکل زیر، ذرهٔ بارداری با جرم ناچیز در نقطه‌ای از فضا وارد دو میدان مغناطیسی و الکتریکی به بزرگی $B = 0.1 T$ و $E = 450 N/C$ می‌شود. اگر جهت خطوط میدان الکتریکی به سمت و تندی ذره سانتی‌متر بر ثانیه باشد، این ذره در امتداد خط چین بدون اینکه منحرف شود. به حرکت خود ادامه می‌دهد.



- (۱) بالا، ۴۵۰۰
 (۲) بالا، 4.5×10^5
 (۳) پایین، ۴۵۰۰
 (۴) پایین، 4.5×10^5

۶۴- از یک سیم مسی به طول L و سطح مقطع $0.34 cm^2$ پیچهای دایره‌ای شکل و به شعاع $1.0 cm$ ساخته‌ایم و مطابق شکل، سطح پیچه را عمود بر خطهای میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی $0.4 T$ قرار داده‌ایم. اگر در مدت $4 s$ صفحهٔ پیچه را به اندازهٔ 90° مطابق جهت نشان داده شده بچرخانیم، شدت جریان متوسط القایی در پیچه در این مدت چند آمپر خواهد بود؟ ($\rho_{مس} = 1.7 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$)



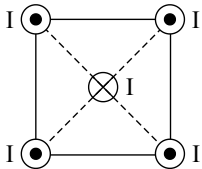
شدت جریان متوسط القایی در پیچه در این مدت چند آمپر خواهد بود؟ ($\rho_{مس} = 1.7 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$)

- (۱) ۱
 (۲) ۱۰
 (۳) ۴
 (۴) ۴۰

۶۵- سطح پیچهٔ مسطحی به شعاع $5 cm$ که شامل 1000 دور حلقه است، عمود بر خطهای میدان مغناطیسی متغیری قرار دارد که در مدت $0.1 s$ از $400 G$ تغییر جهت داده و به $0.4 T$ در جهت مخالف می‌رسد. بزرگی نیروی محرکهٔ القایی متوسط پیچه برابر با چند ولت است؟ ($\pi = 3$)

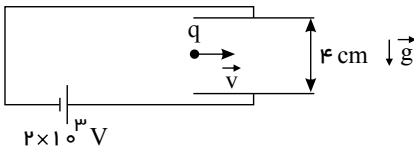
- (۱) ۱۲
 (۲) ۹
 (۳) ۶
 (۴) ۴.۵

۶۶- مطابق شکل زیر، چهار سیم راست، مستقیم، بلند و حامل جریان برون‌سوی I عمود بر صفحهٔ کاغذ در چهار رأس مربع و یک سیم راست، مستقیم و حامل جریان درون‌سوی I عمود بر صفحهٔ کاغذ در مرکز مربع قرار گرفته‌اند. اندازهٔ نیرویی که از طرف هر سیم واقع در رأس‌های مربع به سیم واقع در مرکز وارد می‌شود، برابر با F است. اگر جهت جریان عبوری از سه رأس مربع برعکس شود، اندازهٔ نیروی خالص واقع بر سیم مرکزی چند F تغییر می‌کند؟



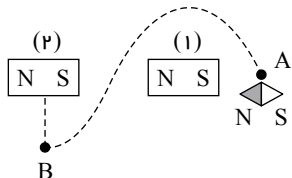
- (۱) صفر
 (۲) ۱
 (۳) ۲
 (۴) ۳

۶۷- مطابق شکل زیر، ذرهٔ بارداری به جرم $5mg$ و بار $-1nC$ با تندی افقی $10^6 \frac{m}{s}$ در فضای بین دو صفحهٔ باردار پرتاب می‌شود. کمینهٔ بزرگی میدان مغناطیسی چند گاوس و در کدام جهت باشد تا ذرهٔ باردار بدون انحراف از فضای بین صفحات عبور کند؟ ($g = 10 \frac{N}{kg}$)



- (۱) ۰.۰۱ درون‌سو
 (۲) ۰.۱ درون‌سو
 (۳) ۰.۰۱ برون‌سو
 (۴) ۰.۱ برون‌سو

۶۸- با حرکت یک عقربهٔ مغناطیسی روی مسیر مشخص شده از نقطهٔ A تا نقطهٔ B ، عقربهٔ مغناطیسی در نقطهٔ B نسبت به نقطهٔ A چند درجه دوران کرده است؟ (قدرت آهنربای ۱ = قدرت آهنربای ۲)



- (۱) ۹۰
 (۲) ۱۸۰
 (۳) ۲۷۰
 (۴) ۳۶۰

۶۹- کدام گزینه در مورد میدان مغناطیسی کره زمین نادرست است؟

- ۱) قطب‌های مغناطیسی و جغرافیایی زمین فاصله نسبتاً زیادی از یکدیگر دارند.
- ۲) داخل کره زمین میدان مغناطیسی از قطب شمال به جنوب جغرافیایی است.
- ۳) جهت میدان مغناطیسی زمین در بازه‌های زمانی منظم به طور کامل وارون می‌شود.
- ۴) قطب جنوب مغناطیسی تقریباً در فاصله ۱۸۰۰ کیلومتری قطب شمال جغرافیایی قرار دارد.

۷۰- سطح حلقه‌ای به شعاع 20 cm که سیمی مسی با شعاع سطح مقطع 2 mm و مقاومت ویژه $1.7 \times 10^{-8} \Omega \cdot m$ ساخته شده است، بر خط‌های میدان مغناطیسی یکنواختی عمود است. اگر بزرگی میدان مغناطیسی عبوری از حلقه بدون تغییر جهت به اندازه 5.1 T تغییر کند، چند کولن بار الکتریکی در اثر القا در این حلقه شارش می‌یابد؟ ($\pi = 3$)

- ۱) ۱۲ ۲) ۱۲۰ ۳) ۳۶ ۴) ۳۶۰

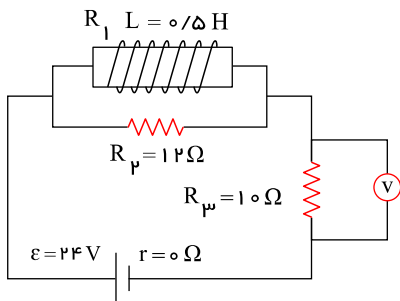
۷۱- در میان مواد نام برده شده، به ترتیب چند ماده پارامغناطیسی و چند ماده ديامغناطیسی وجود دارد؟ «آهن، مس، آلومینیوم، سدیم، نقره، سرب، نیکل، پلاتین»

- ۱) ۲، ۴ ۲) ۴، ۲ ۳) ۳، ۳ ۴) ۳، ۴

۷۲- ذره‌ای به جرم $2 \times 10^{-18}\text{ kg}$ دارای بار $3\text{ }\mu\text{C}$ در میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی 5 T وارد می‌شود. اگر راستای حرکت ذره، عمود بر راستای خط‌های میدان مغناطیسی باشد، بزرگی نیروی مغناطیسی وارد بر ذره 6×10^{-5} نیوتون می‌شود. انرژی جنبشی ذره در لحظه ورود به میدان چند میکروژول است؟

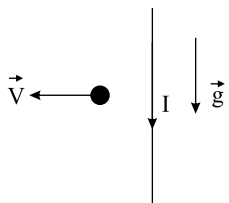
- ۱) صفر ۲) ۰٫۰۶ ۳) ۰٫۱۶ ۴) ۱۶

۷۳- در شکل مقابل، القاگر دارای مقاومت R_1 و ضریب خودالقایی 0.5 H است. اگر ولت‌سنج 30 V را نشان دهد انرژی ذخیره شده در القاگر چند ژول است؟



- ۱) ۱ ۲) ۴ ۳) ۵ ۴) ۸

۷۴- ذره‌ای به جرم m و بار q در جهت نشان داده شده بدون انحراف در حال حرکت است. این ذره دارای بار است و بزرگی جریان الکتریکی گذرنده از سیم در حال است.



- ۱) منفی، کاهش ۲) منفی، افزایش
۳) مثبت، کاهش ۴) مثبت، افزایش

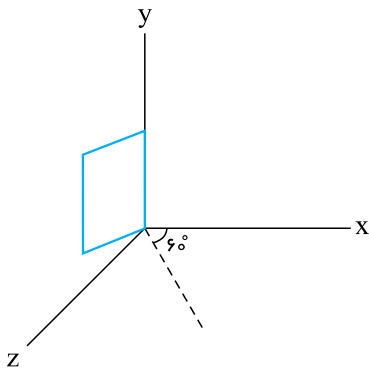
۷۵- در محیطی میدان مغناطیسی یکنواخت در امتداد محور x ها برقرار است. قابی را مطابق شکل‌های داده شده در دستگاه مختصات فرض می‌کنیم. در کدام حالت، اندازه شار عبوری از قاب، کمترین مقدار است؟

۱ الف

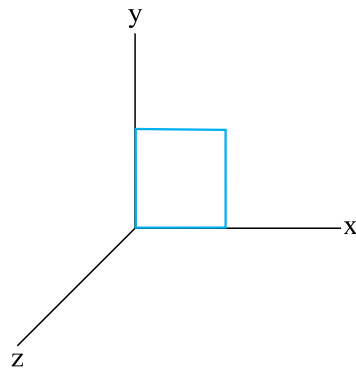
۲ ب

۳ پ

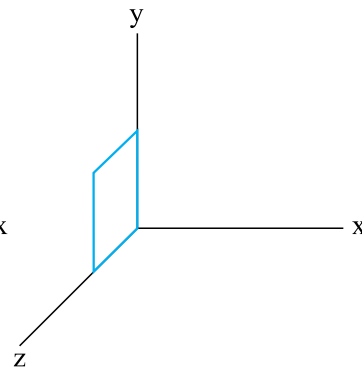
۴ در هر سه حالت یکسان است.



(پ)



(ب)



(الف)

پاسخنامه تشریحی

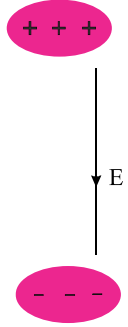
۱ - گزینه ۲ از آنجا که اندازه میدان الکتریکی در فاصله بین دو بار صفر شده است، دو بار همنام هستند و چون نقطه صفر شدن میدان به بار q_1 نزدیکتر است، اندازه بار q_1 از اندازه بار q_2 کوچکتر است. در گزینه‌های «۱» و «۴»، دو بار ناهمنام هستند و در گزینه «۳»، $|q_1| > |q_2|$ است.

۲ - گزینه ۴ طبق رابطه $\Delta V = E \cdot d$ اگر اختلاف پتانسیل بین دو صفحه ۱۵ ولت باشد، اختلاف پتانسیل بین A تا B معادل ۱۲ ولت است:

$$\frac{d_{AB}}{d_{JK}} = \frac{\Delta V_{AB}}{\Delta V_{JK}}$$

$$\rightarrow \frac{4}{5} = \frac{\Delta V_{AB}}{\Delta V_{JK}} \Rightarrow \Delta V_{AB} = 12V$$

$$\frac{\Delta U_{AB}}{q} = \Delta V_{AB} \Rightarrow \Delta U_{AB} = (6 \times 10^{-6})(12) = 72 \mu J$$



و چون بار مثبت در خلاف جهت میدان (از پتانسیل کمتر به بیش تر) حرکت می‌کند، پس انرژی آن افزایش می‌یابد.

۳ - گزینه ۳

ابتدا طبق رابطه قانون کولن نیروی بین دو بار را حساب می‌کنیم:

$$F = \frac{kq_1q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times q \times 4q}{r^2} = 36 \times 10^{+9} \frac{q^2}{r^2} = 36 \times 10^9 \left(\frac{q}{r}\right)^2$$

از طرفی در صورت سؤال گفته شده $\frac{q}{r} = 10^{-6}$ بنابراین با جایگذاری در رابطه بالا داریم:

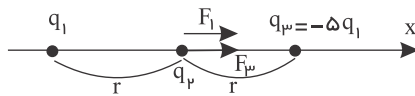
$$F = 36 \times 10^9 \times (10^{-6})^2 = 36 \times 10^{+9} \times 10^{-12} = 36 \times 10^{-3} N$$

۴ - گزینه ۴

$$F = ma \Rightarrow E|q| = ma \Rightarrow a = \frac{5 \times 10^2 \times 0.4 \times 10^{-6}}{0.02 \times 10^{-3}} = 10 \frac{m}{s^2}$$

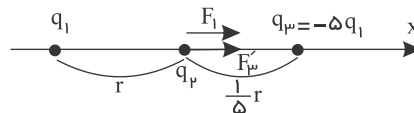
۵ - گزینه ۲

در دو حالت نیروی وارد بر بار q_2 را می‌یابیم. حالت اول:



$$F_2 = F_1 + F_3 = \frac{kq_1q_2}{r^2} + \frac{k(5q_1)q_2}{r^2} = 6 \frac{kq_1q_2}{r^2}$$

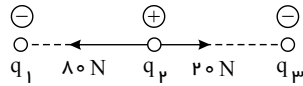
در حالت دوم:



$$F'_2 = F_1 + F'_3 = \frac{kq_1q_2}{r^2} + \frac{k(5q_1)q_2}{(\frac{1}{5}r)^2} = 126 \frac{kq_1q_2}{r^2}$$

$$\rightarrow \frac{F'_2}{F_2} = \frac{126 \frac{kq_1q_2}{r^2} - 6 \frac{kq_1q_2}{r^2}}{6 \frac{kq_1q_2}{r^2}} \rightarrow \frac{F'_2}{F_2} = 21$$

۶ - گزینه ۱ بار q_2 را مثبت فرض می‌کنیم.



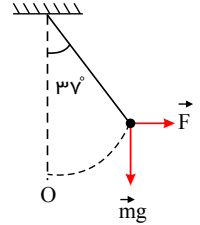
با توجه به شکل: $F_{۲۳} = ۲۰N$, $F_{۱۲} = ۸۰N$

$$F_{۱۲} = ۴F_{۲۳} \Rightarrow \frac{|q_1||q_2|}{r^2} = ۴ \frac{|q_2||q_3|}{r^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_3|} = ۴ \xrightarrow{\text{بارها همنام}} \frac{q_1}{q_3} = ۴$$

۷ - گزینه ۲ درون جسم رسانا میدان الکتریکی صفر است.

۸ - گزینه ۴ می‌دانیم هر گاه آونگ تحت اثر نیروی F به اندازه زاویه α از وضع قائم منحرف شود و به تعادل برسد، رابطه زیر برقرار است: $\tan \alpha = \frac{F}{mg}$

$$\begin{aligned} \tan \alpha &= \frac{F_E}{mg} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{E \cdot q}{mg} \Rightarrow E = \frac{mg \tan ۳۷^\circ}{q} \\ \Rightarrow E &= \frac{۰,۴ \times ۱۰^{-۳} \times ۱۰ \times \frac{۳}{۴}}{۳ \times ۱۰^{-۶}} \Rightarrow E = ۱۰۰۰ \frac{N}{C} \end{aligned}$$



از طرفی چون انحراف گلوله به سمت راست بوده، پس نیروی میدان به سمت راست شده و از آنجایی که بار الکتریکی منفی است، پس جهت میدان خلاف جهت نیروی میدان قرار دارد. در نتیجه میدان به سمت چپ است.

۹ - گزینه ۲ با توجه به این که بار q_1 و q_2 و فاصله آن‌ها از q_3 مشخص است می‌توانیم دو نیروی $F_{۱۳}$ و $F_{۲۳}$ را بیابیم و برای این که برابری نیروهای وارد بر q_3 صفر شود باید $F_{۱۳}$ با برابری دو نیروی $F_{۱۳}$ و $F_{۲۳}$ مساوی و خلاف جهت باشد. ($q_3 > 0$ فرض شده)

$$F_{۱۳} = ۹ \times ۱۰^9 \frac{۴ \times ۱۰^{-۴} |q_3|}{(۱۰ \times ۱۰^{-۲})^2} = ۳۶ \times ۱۰^5 |q_3| \quad \leftarrow \bullet$$

$$F_{۲۳} = ۹ \times ۱۰^9 \frac{۹ \times ۱۰^{-۶} |q_3|}{(۳۰ \times ۱۰^{-۲})^2} = ۹ \times ۱۰^5 |q_3| \quad \leftarrow \bullet$$

$$F'_T = |F_{۱۳}| + |F_{۲۳}| = ۴۵ \times ۱۰^5 |q_3| \quad \leftarrow \bullet$$

پس نیروی $F_{۲۳}$ باید به سمت راست باشد، اگر فاصله بار q_3 از بار q_2 را d فرض کنیم، داریم:

$$F_{۲۳} = ۴۵ \times ۱۰^5 |q_3| = ۹ \times ۱۰^9 \times \frac{۵ \times ۱۰^{-۶} |q_3|}{d^2} \Rightarrow d = ۰,۱m = ۱۰cm$$

۱۰ - گزینه ۲

$$F = k \frac{(1-x)Q \times xQ}{r^2} = \frac{kQ^2}{r^2} (-x^2 + x)$$

می‌دانیم در معادله $y = ax^2 + bx + c$ (سه‌می)، بیشترین مقدار y برابر $-\frac{\Delta}{4a}$ است که به ازای $x = \frac{-b}{2a}$ حاصل می‌شود. البته به شرط آنکه $a < 0$ باشد.

$$x = \frac{-b}{2a} = \frac{-(-1)}{2(-1)} = \frac{1}{2}$$

۱۱ - گزینه ۳ زمانی که خازن شارژ شده‌ای را از مولد جدا می‌کنیم، بار الکتریکی ذخیره شده در آن ثابت می‌ماند. بنابراین طبق رابطه $U = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$ ، زمانی انرژی ذخیره شده در خازن ۴ برابر می‌شود که ظرفیت خازن $\frac{1}{4}$ برابر شود. حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

$$C = \kappa \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{\kappa_2}{\kappa_1} \times \frac{A_2}{A_1} \times \frac{d_1}{d_2}$$

گزینه ۱: $\frac{C_2}{C_1} = 1 \times 1 \times \frac{d_1}{\frac{1}{4}d_1} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = ۴$

گزینه ۲: $\frac{C_2}{C_1} = ۲ \times 1 \times \frac{d_1}{\frac{1}{2}d_1} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = ۴$

گزینه ۳: $\frac{C_2}{C_1} = 1 \times 1 \times \frac{d_1}{۴d_1} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = \frac{1}{۴}$

$$\text{گزینه ۴: } \frac{C_2}{C_1} = 1 \times \frac{2A_1}{A_1} \times \frac{d_1}{2d_1} \Rightarrow \frac{C_2}{C_1} = 1$$

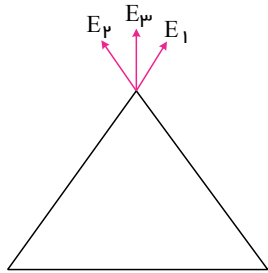
۱۲ - گزینه ۴ از قضیه کار و انرژی جنبشی استفاده می‌کنیم:

$$W_t = \Delta K = \frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2) \xrightarrow[v_0=0]{\text{توقف}} Eqd = \frac{1}{2}mv^2$$

$$\Rightarrow 4 \times 1.6 \times 10^{-19} \times d = \frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} \times 1000^2 \Rightarrow d = \frac{1}{8} \times 10^{-4} m \xrightarrow{\times 1000} d = \frac{1}{80} mm$$

$$\Rightarrow d = 1.25 \times 10^{-2} mm$$

۱۳ - گزینه ۲ باید فاصله بار q_3 تا رأس C را محاسبه کنیم. بنابراین ابتدا میدان حاصل از بارهای q_1 و q_2 در رأس C را محاسبه کرده و در نهایت برابری را محاسبه می‌کنیم.



$$E_1 = E_2 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2\sqrt{3} \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2} = \frac{9\sqrt{3}}{2} \times 10^5 \frac{N}{C}$$

$$r_3 = \frac{2}{3} \times 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{2\sqrt{3}}{3} cm$$

$$E_3 = \frac{k|q_3|}{r_3^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{(\frac{2\sqrt{3}}{3} \times 10^{-2})^2} = \frac{27}{2} \times 10^5 \frac{N}{C}$$

$$\vec{E}_{12} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 \Rightarrow E_{12} = 2E_1 \cos \frac{60^\circ}{2}$$

$$= 2 \times \frac{9\sqrt{3}}{2} \times 10^5 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{27}{2} \times 10^5 \left(\frac{N}{C}\right)$$

$$\Rightarrow \vec{E}_T = \vec{E}_{12} + \vec{E}_3 \Rightarrow E_T = E_{12} + E_3$$

$$\frac{27}{2} \times 10^5 + \frac{27}{2} \times 10^5 = 27 \times 10^5 \frac{N}{C}$$

۱۴ - گزینه ۳ E_0 میدان در محل $x = 0$ است.

$$E_0 = k \left[\frac{q}{(1)^2} + \frac{q}{(2)^2} + \frac{q}{(4)^2} + \frac{q}{(8)^2} + \dots \right]$$

$$E_0 = k \frac{q}{(1 - \frac{1}{4})} = k \frac{q}{(\frac{3}{4})} = \frac{4}{3} kq$$

$$E'_0 = \frac{kq}{(1)^2} = kq$$

$$\frac{E_0}{E'_0} = \frac{\frac{4}{3}kq}{kq} = \frac{4}{3}$$

۱۵ - گزینه ۱ مطابق شکل، اگر بار q_3 را در مبدأ مختصات فرض کنیم، بارهای q_1 و q_2 روی دایره‌ای به شعاع d و مرکز q_3 قرار خواهند داشت. اگر نیروهای \vec{F}_{31} و \vec{F}_{32} را رسم کنیم، محل بارهای q_1 و q_2 مطابق شکل به دست می‌آید. با توجه به این که نیروهای وارد بر بارهای q_1 و q_2 از طرف بار q_3 به صورت دافعه است، بنابراین بارهای q_1 ، q_2 ، q_3 هم‌نام هستند. ابتدا اندازه نیروهای \vec{F}_{31} و \vec{F}_{32} را محاسبه کرده و سپس از رابطه قانون کولن استفاده می‌کنیم. داریم:



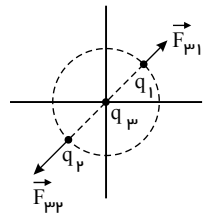
$$\vec{F}_{\text{پ}_1} = 3\vec{i} + 4\vec{j} \Rightarrow F_{\text{پ}_1} = \sqrt{3^2 + 4^2} \Rightarrow F_{\text{پ}_1} = 5N$$

$$\vec{F}_{\text{پ}_2} = -6\vec{i} - 8\vec{j} \Rightarrow F_{\text{پ}_2} = \sqrt{(-6)^2 + (-8)^2} \Rightarrow F_{\text{پ}_2} = 10N$$

$$F = k \frac{|q||q'|}{r^2} \Rightarrow \frac{F_{\text{پ}_2}}{F_{\text{پ}_1}} = \frac{|q_2|}{|q_1|} \Rightarrow \frac{10}{5} = \frac{|q_2|}{|q_1|}$$

همان‌طور که q_2 و q_1 هم‌نام هستند

$$\frac{q_2}{q_1} = 2$$



۱۶ - گزینه ۴ وقتی بار q از نقطه‌ای با پتانسیل V_1 به نقطه V_2 می‌رود، داریم:

$$V_2 - V_1 = \frac{\Delta U}{q} \Rightarrow V_2 - (-40) = \frac{6 \times 10^{-6}}{-2 \times 10^{-6}}$$

$$V_2 + 40 = -30 \Rightarrow V_2 = -70V$$

۱۷ - گزینه ۱ با توجه به این که دو بار الکتریکی نام‌هم‌نام هستند، می‌توان نوشت:

$$q'_2 = -4 - \left[\frac{25}{100} \times (-4) \right] = -3\mu C$$

$$q'_1 = 2 + \left[\frac{25}{100} \times (-4) \right] = 1\mu C$$

و در نهایت با استفاده از قانون کولن داریم:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = \frac{1 \times 3}{2 \times 4} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = 1,5$$

۱۸ - گزینه ۱ رابطه مقایسه‌ای میدان الکتریکی را می‌نویسیم:

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{|q_2|}{|q_1|} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 \rightarrow \frac{27}{12} = \left(\frac{36}{r_2}\right)^2$$

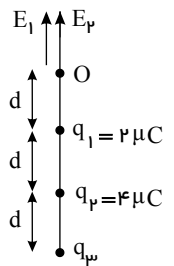
$$\rightarrow \frac{9}{4} = \left(\frac{36}{r_2}\right)^2 \xrightarrow{\text{جذر}} \frac{3}{2} = \frac{36}{r_2} \rightarrow r_2 = 24cm$$

$$\rightarrow \Delta r = r_2 - r_1 = 24 - 36 = -12cm$$

پس باید به اندازه $12cm$ به بار نزدیک شویم. توجه کنید چون از رابطه مقایسه‌ای استفاده کردیم یکای r کافیت در صورت و مخرج یکسان باشد.

۱۹ - گزینه ۴ ابتدا برآیند میدان‌های q_1 و q_2 را حساب می‌کنیم و سپس مقدار بار q_3 را طوری معلوم می‌کنیم که برآیند آن‌ها را خنثی کند.

$$\left. \begin{aligned} E_1 &= \frac{kq}{r^2} = \frac{k \times 2}{d^2} = \frac{2k}{d^2} \\ E_2 &= \frac{kq}{r^2} = \frac{k \times 4}{(2d)^2} = \frac{k}{d^2} \end{aligned} \right\} \uparrow E_{1,2} = 3 \frac{k}{d^2}$$



E_3 باید خلاف و مساوی $E_{1,2}$ باشد تا آن را خنثی کند. بنابراین باید E_3 باشد به پایین بوده و در نتیجه بار q_3 منفی است. از طرفی هم داریم:

$$E_3 = E_{1,2}$$

$$\frac{k|q_3|}{(3d)^2} = \frac{3k}{d^2} \Rightarrow \frac{|q_3|}{9} = 3 \Rightarrow |q_3| = 27\mu C \Rightarrow q_3 = -27\mu C$$

۲۰ - گزینه ۳ در فضای داخلی پوسته کروی، یک میدان داریم. در خود پوسته رسانا میدان صفر می‌شود و در خارج از آن نیز مانند آن است که پوسته وجود ندارد. پس پاسخ درست گزینه ۳ می‌باشد.

۲۱ - گزینه ۳ زمانی که دو کره رسانای باردار را با هم تماس می‌دهیم، اگر همان‌نام باشند، بار نهایی نیز همان خواهد بود و اگر در ابتدا ناهم‌نام باشند، بستگی به اندازه بارها یا مجموع بارها دارد که صفر می‌شود. در این صورت خط میدانی بین دو کره بعد از جدا کردن آنها برقرار نمی‌شود و اگر مجموع بار آن‌ها غیر صفر شود، که در آن صورت بار نهایی دو کره همان خواهد بود. بنابراین در کل یا دو کره خنثی می‌شوند و یا دارای بار همان خواهند شد. بنابراین خطوط میدان در اطراف دو کره با گزینه ۳، مطابقت ندارد.

۲۲ - گزینه ۲ اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار q در هر نقطه با مجذور فاصله بار q از آن نقطه نسبت عکس دارد. بنابراین میدان الکتریکی بار q_1 در نقطه M برابر است با:

$$\frac{E_1}{E'_1} = \left(\frac{d}{2d}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow E'_1 = 4E_1$$

چون جهت میدان حاصل از بار q_1 در نقاط M و N یکسان است بنابراین:

$$\vec{E}'_1 = 4\vec{E}_1$$

وقتی بار q_p به نقطه N منتقل می‌شود، اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار q_p در نقطه M برابر حالت قبل در نقطه N است، چون فاصله یکسان است. اما میدان الکتریکی حاصل از بار q_p در حالت قبل و جدید در خلاف جهت هم می‌باشند.

$$\vec{E}'_p = -\vec{E}_p$$

$$\vec{E}_1 + \vec{E}_p = \vec{E} \quad (1)$$

$$\vec{E}'_1 + \vec{E}'_p = -2\vec{E} \xrightarrow{\substack{\vec{E}'_1 = 4\vec{E}_1 \\ \vec{E}'_p = -\vec{E}_p}} 4\vec{E}_1 - \vec{E}_p = -2\vec{E} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow 4\vec{E}_1 - \vec{E}_p = -2\vec{E}_1 - 2\vec{E}_p \Rightarrow 6\vec{E}_1 = -\vec{E}_p \Rightarrow \frac{k|q_1|}{(2d)^2} = \frac{k|q_p|}{d^2}$$

$$\Rightarrow \left| \frac{q_p}{q_1} \right| = \frac{3}{2} \Rightarrow \frac{q_p}{q_1} = \frac{-3}{2}$$

با توجه به رابطه $\vec{E}'_1 = -\vec{E}_p$ ، در نقطه‌ای خارج از فاصله دو بار، میدان الکتریکی هر یک از دو بار در خلاف جهت هم هستند لذا دو بار q_p و q_1 ناهم‌نام‌اند.

۲۳ - گزینه ۲ اگر استوانه کوچک را داخل استوانه بزرگتر قرار دهیم، دو استوانه با هم یک جسم رسانا را تشکیل می‌دهند و تمامی بار استوانه کوچکتر به سطح خارجی استوانه بزرگتر منتقل شده و هیچ بار الکتریکی روی استوانه کوچکتر باقی نخواهد ماند.

بنابراین در نقاط A و D که بر داخل رسانا هستند باری وجود ندارد و در نقاط B و C که سطح خارجی رسانا قرار دارند بار وجود دارد.

۲۴ - گزینه ۴ از آنجا که بار q منفی است و در این جابه‌جایی، انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد، پس در جهت میدان الکتریکی جابه‌جا شده است. حال برای تعیین اختلاف پتانسیل الکتریکی بین این دو نقطه، داریم:

$$\Delta U = q\Delta V \xrightarrow[\substack{\Delta U = 2 \times 10^{-3} J \\ q = -20 \times 10^{-9} C}]{\Delta V = V_B - V_A = -10^5 V} 2 \times 10^{-3} = -20 \times 10^{-9} (\Delta V) \Rightarrow \Delta V = V_B - V_A = -10^5 V$$

۲۵ - گزینه ۲ از آنجایی که در هر دو حالت، گلوله (۱) در حال تعادل است، نیروی الکتریکی وارد بر آن با وزن گلوله برابر است. بنابراین در ابتدا فاصله گلوله‌ها از هم در حالت دوم را می‌یابیم. حالت اول:

$$mg = \frac{k|q_1 q_p|}{r_1^2} \xrightarrow{r_1 = 40 \text{ cm}} mg = \frac{k|q_1 q_p|}{40^2} *$$

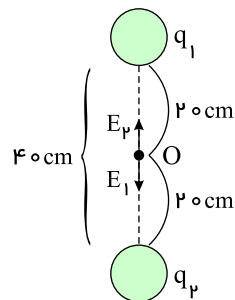
حالت دوم:

$$mg = \frac{k|q'_1 q'_p|}{r'^2} \xrightarrow{q'_1 = \frac{1}{2} q_1, q'_p = \frac{1}{2} q_p} mg = \frac{1}{4} \frac{k|q_1 q_p|}{r'^2} **$$

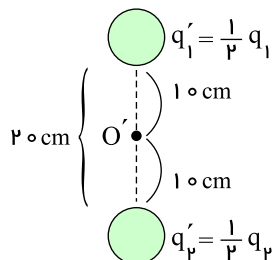
$$(*), (**) \Rightarrow \frac{k|q_1 q_p|}{40^2} = \frac{1}{4} \frac{k|q_1 q_p|}{r'^2} \Rightarrow r' = 20 \text{ cm}$$

حال در حالت‌های اول و دوم، بزرگی میدان الکتریکی در وسط فاصله آنها از هم را می‌یابیم:

$$E = k \left(\frac{q_1 - q_p}{400} \right) \quad \text{حالت اول:}$$



$$E' = k \left(\frac{\frac{1}{2} q_1 - \frac{1}{2} q_p}{100} \right) \quad \text{حالت دوم:}$$



و در آخر داریم:

$$\frac{E'}{E} = \frac{\frac{1}{r_{\infty}}k(|q_1 - q_2|)}{\frac{1}{r_{\infty}}k(|q_1 - q_2|)} = 2$$

۲۶ - گزینه ۴ در هر دو حالت، ولتاژ دو سر مدار یکسان است، پس برای مقایسه توان مصرفی کل مدارها داریم:

$$\text{مقاومت معادل شکل ۲} = R_{eq_2} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow R_{eq} = \frac{6R_2}{6 + R_2}$$

$$\text{مقاومت معادل شکل ۱} = R_{eq_1} = 6 + R_2$$

$$P = \frac{V^2}{R} \xrightarrow{V_1=V_2} \frac{P_1}{R_1} = \frac{R_{eq_2}}{R_{eq_1}} \Rightarrow \frac{P_1}{4.5P_1} = \frac{6 + R_2}{6 + R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{4.5} = \frac{6R_2}{(6 + R_2)(R_2 + 6)} \Rightarrow 27R_2 = 36 + R_2^2 + 12R_2$$

$$R_2^2 - 15R_2 + 36 = 0 \Rightarrow (R_2 - 3)(R_2 - 12) = 0 \Rightarrow R_2 = 3\Omega, R_2 = 12\Omega$$

۲۷ - گزینه ۱ به طور کلی، در سؤال‌های شامل کلید، باید دو بار سؤال را حل کنیم. یکبار وقتی کلید باز است، بار دیگر وقتی کلید بسته است. در اینجا نقش کلید، قطع و وصل شاخه شامل مقاومت ۲۴Ω است.

حال به صورت زیر عمل می‌کنیم، (دقت کنید که در اینجا آمپرسنج جریان کل مدار را نشان می‌دهد).

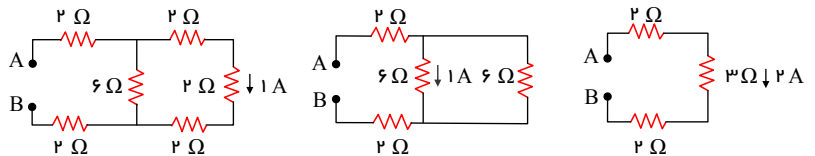
$$\text{قبل از بستن کلید} : I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \Rightarrow 2 = \frac{\varepsilon}{12 + r} \Rightarrow \varepsilon = 24V$$

$$\text{بعد از بستن کلید} : R_{eq} = \frac{12 \times 24}{12 + 24} = 8\Omega \Rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{24}{8 + r} \Rightarrow I = 3A$$

۲۸ - گزینه ۱ مرحله به مرحله مدار را به صورت زیر ساده کرده و اختلاف پتانسیل بین دو نقطه A و B را محاسبه می‌کنیم.

$$V_{AB} = R_{eq}I$$

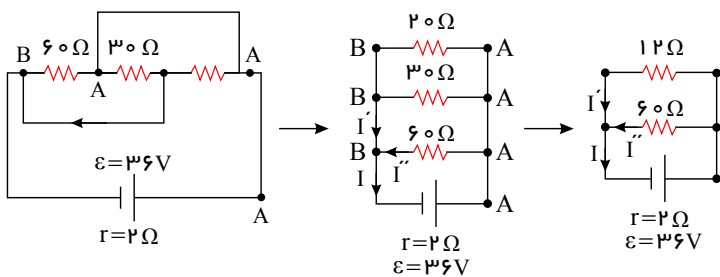
$$V_{AB} = 7 \times 2 = 14$$



۲۹ - گزینه ۳ ابتدا با توجه به نقاط هم پتانسیل مدار را ساده‌تر رسم می‌کنیم. مشاهده می‌شود سه مقاومت به صورت موازی به یکدیگر بسته شده‌اند. بنابراین مقاومت معادل مدار و جریان عبوری از شاخه اصلی مدار عبارت است از:

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{60} + \frac{1}{30} + \frac{1}{20} = \frac{1}{10} \Rightarrow R_T = 10\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R_T + r} = \frac{36}{10 + 2} \Rightarrow I = 3A$$



همان‌طور که مشاهده می‌شود، جریان I' مجموع جریان‌های عبوری از دو مقاومت موازی ۲۰Ω و ۳۰Ω است، با توجه به این که اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی یکسان است، می‌توان نوشت:

$$I' R_{20,30} = I'' R_{60} \Rightarrow I' \left(\frac{20 \times 30}{20 + 30} \right) = I'' \times 60 \Rightarrow I'' = \frac{1}{5} I'$$

از طرفی داریم:

$$I' + I'' = I \Rightarrow I' + \frac{1}{5} I' = 3 \Rightarrow \frac{6}{5} I' = 3 \Rightarrow I' = 2.5A$$

۳۰ - گزینه ۴ ابتدا با استفاده از دو رابطه بین جریان و بار الکتریکی، نیز انرژی الکتریکی مصرفی، رابطه بین انرژی و بار جاری شده یافته سپس، زمان را محاسبه می‌کنیم.

$$\left. \begin{aligned} I &= \frac{q}{t} \\ W &= RI^2 t \end{aligned} \right\} W = R \left(\frac{q}{t} \right)^2 t = R \times \frac{q^2}{t} \Rightarrow 4000 = 5 \times \frac{40000}{t} \Rightarrow t = 50s$$

۳۱ - گزینه ۴ با افزایش مقاومت متغیر R_1 ، مقاومت معادل مقاومت‌های (۱) و (۲) و هم چنین مقاومت کل مدار افزایش می‌یابد.

$$R_1 \uparrow \rightarrow R_{1,2} \uparrow \Rightarrow R_{1,2,3} \uparrow \Rightarrow R_T \uparrow$$

با افزایش مقاومت کل مدار، شدت جریان در شاخه‌ی اصلی کم شده در نتیجه ولتاژ دوسر مولد افزایش می‌یابد.

$$\begin{cases} \downarrow I_T = \frac{\varepsilon}{R_T \uparrow + r} \Rightarrow R_T \uparrow \rightarrow \downarrow I_T \rightarrow \uparrow V \\ \uparrow V = \varepsilon - r I_T \downarrow \end{cases}$$

اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_f را (V') و دو سر مقاومت R_p را V'' می‌نامیم.

با افزایش V باتوجه به کاهش $V' (= R_f I \downarrow)$ عدد V'' باید الزاماً افزایش یابد تا تساوی مقابل برقرار شود:

$$\uparrow V = V' \downarrow + V'' \uparrow$$

در نتیجه با افزایش V'' جریان عبوری از مقاومت R_p افزایش می‌یابد.

$$V'' \uparrow = R_p I_p \uparrow$$

۳۲ - گزینه ۲

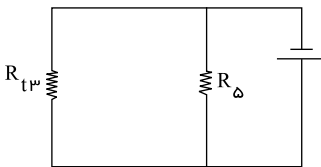
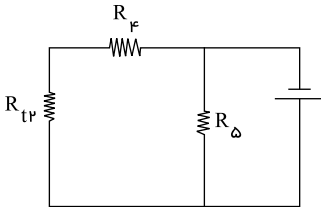
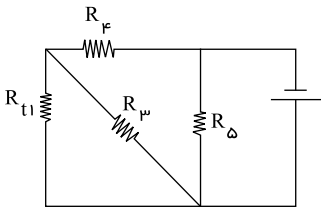
$$R = \rho \frac{\ell}{A} \xrightarrow{\rho_A = \rho_B, \ell_A = \ell_B} \frac{R_B}{R_A} = \frac{A_A}{A_B}$$

$$A_A = \pi r^2 \Rightarrow A = \pi (3 \times 10^{-3})^2 = 9\pi \times 10^{-6} m^2$$

$$A_B = \pi (r_{\text{خارجی}}^2 - r_{\text{داخلی}}^2) = \pi (9 \times 10^{-6} - 4 \times 10^{-6}) = 5\pi \times 10^{-6} m^2$$

$$\frac{R_B}{R_A} = \frac{A_A}{A_B} \Rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{9\pi \times 10^{-6}}{5\pi \times 10^{-6}} = \frac{9}{5}$$

۳۳ - گزینه ۴ ولت سنج اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_f, R_p را نشان می‌دهد که در اینجا با اختلاف پتانسیل دو سر R_{t1} یا R_{t2} برابر است. یعنی:



$$(R_1, R_p) \xrightarrow{\text{سری‌اند}} R_{t1} = R + R = 2R = 6\Omega$$

$$(R_{t1} \parallel R_p) \xrightarrow{\text{موازی‌اند}} \frac{1}{R_{t2}} = \frac{1}{R_{t1}} + \frac{1}{R_p} \rightarrow R_{t2} = 2\Omega$$

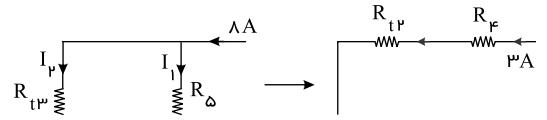
$$(R_{t2}, R_f) \xrightarrow{\text{سری‌اند}} R_{t3} = 2 + 3 = 5\Omega$$

$$(R_{t3} \parallel R_d) \xrightarrow{\text{موازی‌اند کل}} \frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{5} + \frac{1}{3} \rightarrow R_T = \frac{15}{8}\Omega$$

$$I_{\text{مدار}} = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} \rightarrow I = \frac{15}{\frac{15}{8} + 1} = 8A$$

$$I_p = \frac{3}{8} \times 8 = 3A \quad \text{تقسیم جریان}$$

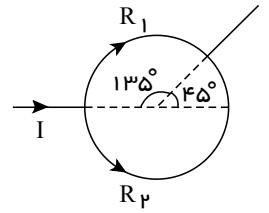
$$V = R_p I_p = R_{t1} I_{t1} = R_{t2} I_{t2} = 2 \times 3 = 6V$$



۳۴ - گزینه ۲ همان طور که در شکل مشاهده می کنید مدار از دو مقاومت R_1 و R_2 که موازی بسته شده اند، تشکیل شده است.

$$R_1 = \frac{\frac{3\pi}{4}}{2\pi} R = \frac{3}{8} R$$

$$R_2 = \frac{\frac{5\pi}{4}}{2\pi} R = \frac{5}{8} R \rightarrow \begin{cases} R_1 = \frac{3}{8} \times 40 = 15\Omega \\ R_2 = \frac{5}{8} \times 40 = 25\Omega \end{cases}$$



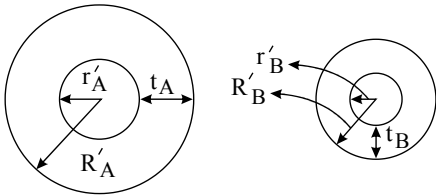
$$(R_1 \parallel R_2) \xrightarrow[\text{موازی اند.}]{\text{دو مقاومت } R_2, R_1} \frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{15} + \frac{1}{25} \rightarrow R_{eq} = \frac{75}{8} \Omega$$

۳۵ - گزینه ۱ مقدار مقاومت های ترکیبی با کدهای رنگی مشخص می شود و مقدار مقاومت های پیچهای معمولاً بر روی آن ها نوشته شده است.

۳۶ - گزینه ۴ با توجه به نمودار، شیب دو خط یکسان است، چون شیب خط نمودار $V - I$ مولد، نشانگر اندازه مقاومت درونی است، پس مقاومت درونی دو مولد با هم برابر است. چون عرض از مبدأ هر دو خط یکسان است، پس نیروی محرکه برابر نیز دارند.

دقت کنید مولد (۲) که شیب خط آن منفی است، مولد تولید کننده و مولد (۱) با شیب خط مثبت، مولد مصرف کننده است.

۳۷ - گزینه ۲

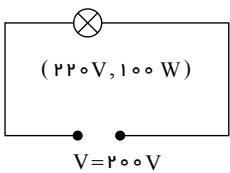


$$\left. \begin{aligned} R'_A - r'_A = t_A \\ R'_B - r'_B = t_B \end{aligned} \right\} \xrightarrow{t_A = r'_B} R'_A - r'_A = 2(R'_B - r'_B) \xrightarrow{R'_B = \frac{R'_A}{2}} r'_A = 2r'_B$$

$$R_A = 2R_B \rightarrow \rho_A \frac{L_A}{A_A} = 2\rho_B \frac{L_B}{A_B}$$

$$\frac{A_A = \pi(R'_A{}^2 - r'_A{}^2), \rho_A = \rho_B}{A_B = \pi(R'_B{}^2 - r'_B{}^2), R'_B = \frac{R'_A}{2}, r'_B = \frac{r'_A}{2}} \rightarrow \frac{L_A}{R'_A{}^2 - r'_A{}^2} = 2 \frac{L_B}{(\frac{R'_A}{2})^2 - (\frac{r'_A}{2})^2} \rightarrow \frac{L_A}{L_B} = 16$$

۳۸ - گزینه ۲



مقاومت ثابت فرض شده است، پس توان با مجذور ولتاژ متناسب است، یعنی:

$$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow \frac{P}{\text{جدید } P} = \left(\frac{V}{\text{جدید } V}\right)^2 \rightarrow \frac{P}{100} = \left(\frac{200}{220}\right)^2 \rightarrow P = 100 \left(\frac{200}{220}\right)^2$$

$$\rightarrow P = 100 \times \frac{100}{121} \rightarrow W = Pt = \frac{10^4}{121} \times 11h = \frac{10}{121} kW \times 11h = \frac{10}{11} (kW \cdot h)$$

۳۹ - گزینه ۱

توان خروجی مولد از رابطه $\varepsilon I - rI^2$ خروجی P به دست می آید که رابطه P بر حسب I یک سهمی است و ماکزیم مقدار آن از طریق به دست آوردن مختصات رأس سهمی به دست می آید، داریم:

$$P = \varepsilon I - rI^2$$

$$I' = \frac{-\varepsilon}{2 \times (-r)} = \frac{\varepsilon}{2r}$$

حال با جایگذاری I' در معادله سهمی، ماکزیم مقدار توان خروجی به دست می آید:

$$P_{max} = \varepsilon \times \frac{\varepsilon}{2r} - r \left(\frac{\varepsilon}{2r}\right)^2 = \frac{\varepsilon^2}{4r}$$

مطابق شکل صورت سؤال، توان بیشینه مولد ۹ وات است که از رابطه زیر به دست می آید:

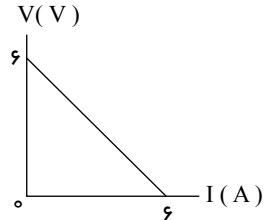
$$P_{max} = \frac{\varepsilon^2}{4r} \Rightarrow 9 = \frac{36}{4r} \Rightarrow r = 1\Omega$$

I' جریانی است که در آن توان خروجی مولد بیشینه شده و از رابطه زیر به دست می آید:

$$I' = \frac{\varepsilon}{2r} = \frac{6}{2 \times 1} = 3A$$

۴۰ - گزینه ۴ می دانیم بیشینه توان خروجی مولد از رابطه $P_{max} = \frac{\varepsilon^2}{4r}$ به دست می آید. به همین منظور به کمک نمودار و رابطه $V = \varepsilon - rI$ ، نیروی محرکه مولد و مقاومت درونی آن را می یابیم، داریم:

$$V = \varepsilon - rI \Rightarrow \begin{cases} I = 0 \Rightarrow 6 = \varepsilon - r \times 0 \Rightarrow \varepsilon = 6V \\ I = 6A \Rightarrow 0 = 6 - r \times 6 \Rightarrow r = 1V \end{cases}$$



بنابراین بیشینه توان خروجی مولد برابر است با:

$$P_{max} = \frac{\varepsilon^2}{4r} = \frac{36}{4 \times 1} \Rightarrow P_{max} = 9W$$

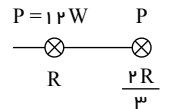
۴۱ - گزینه ۲

$$[P] \times [R] \times [C] = W \times \Omega \times F = \frac{J}{S} \times \frac{V}{A} \times \frac{C}{V} = J \times \frac{C}{A \cdot S} = J$$

۴۲ - گزینه ۳

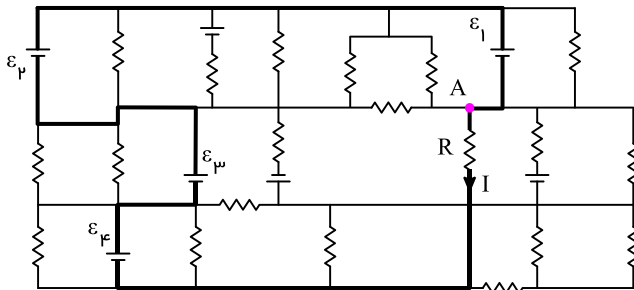
$$\frac{P}{12} = \frac{2R}{R} \Rightarrow P = 8W$$

$$P_{\Sigma} = 12 + 8 = 20W$$



۴۳ - گزینه ۱

از ظاهر این مدار بسیار زیبا نترسید. کافی است دوری را انتخاب کنید که از حداقل مقاومت های ممکن رد شود تا با نوشتن یک معادله ساده به جواب این سؤال دست پیدا کنید.



از نقطه A شروع به حرکت می کنیم و بعد از عبور از مسیر نشان داده شده دوباره به A برمی گردیم و داریم:

$$\cancel{V_A} + \varepsilon_1 - \varepsilon_2 - \varepsilon_3 - \varepsilon_4 + RI = \cancel{V_A} \Rightarrow 4 - 4 - 4 - 4 + 4I = 0 \Rightarrow 4I = 8 \Rightarrow I = 2A$$

۴۴ - گزینه ۲ با کاهش یکی از مقاومت ها (چه سری و چه موازی) مقاومت کل مدار کاهش می یابد و آمپرسنج شاخه R_1 نیز مقدار جریان کمتری را نشان می دهد.

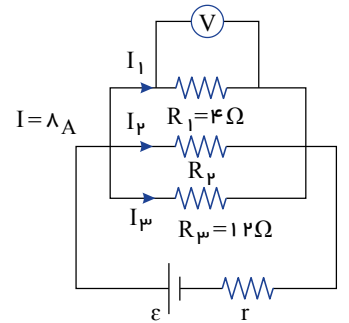
۴۵ - گزینه ۳ هر سه مقاومت از دو سر به هم متصل اند و ولتسنج نیز به دو سر همه آنها متصل است لذا ولتاژ دو سر هر کدام ۱۸V است.

$$I_1 = \frac{V}{R_1} = \frac{18}{4} = 4.5A \rightarrow I_2 = \frac{V}{R_2} = \frac{18}{12} = 1.5A$$

$$I_1 + I_2 + I_3 = I$$

$$4.5 + I_2 + 1.5 = 8$$

$$I_2 = 2$$



و برای محاسبه R_2 داریم:

$$R_2 = \frac{V}{I_2} = \frac{18}{2} = 9\Omega$$

و توان آن برابر است با:

$$P_r = R_r I_r^2 = 9 \times 4 = 36W$$

۴۶ - گزینه ۳ در حالت متوالی جریان هر مقاوت با جریان تمام مقاوتها برابر است:

$$I_1 = I_{T_1} = \frac{V}{R_{eq_1}} = \frac{V}{R + R + \dots + R} = \frac{V}{NR}$$

در حالت موازی ولتاژ دو سر هر یک از مقاوتها برابر V است.

$$I_r = \frac{V}{R}$$

$$\Rightarrow \frac{I_r}{I_1} = \frac{\frac{V}{R}}{\frac{V}{NR}} = N \Rightarrow I_r = NI_1$$

تذکر: دقت کنید که در مدار دوم، جریان کل N^2 برابر جریان کل در مدار اول است، ولی سؤال جریان عبوری از هر شاخه را خواسته.

۴۷ - گزینه ۳ با بستن کلیدها مقاوت معادل کاهش می‌یابد طبق رابطه $I = \frac{\epsilon}{R+r}$ با کاهش مقاوت معادل جریان مدار افزایش می‌یابد. از طرفی میدانیم که توان مصرفی کل مدار با توان خروجی مولد برابر است که در اینجا:

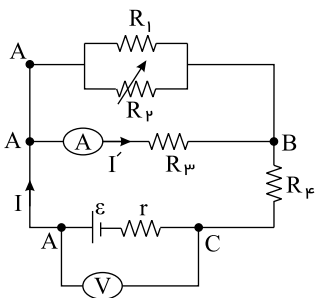
$$P = \epsilon I$$

پس نمودار $P - I$ یک خط با شیب ثابت است.

۴۸ - گزینه ۳ گام اول: از این که عدد ولت‌سنج افزایش یافته در می‌یابیم که:

$$\uparrow V = \epsilon - rI \Rightarrow I \downarrow \Rightarrow R_{eq} \uparrow \Rightarrow R_r \uparrow$$

گام دوم:



$$V_B - R_r I - rI + \epsilon = V_A \Rightarrow V_{AB} = \underbrace{\epsilon}_{\text{ثابت}} - \underbrace{(R_r + r)I}_{\text{ثابت}} \Rightarrow V_{AB} \uparrow$$

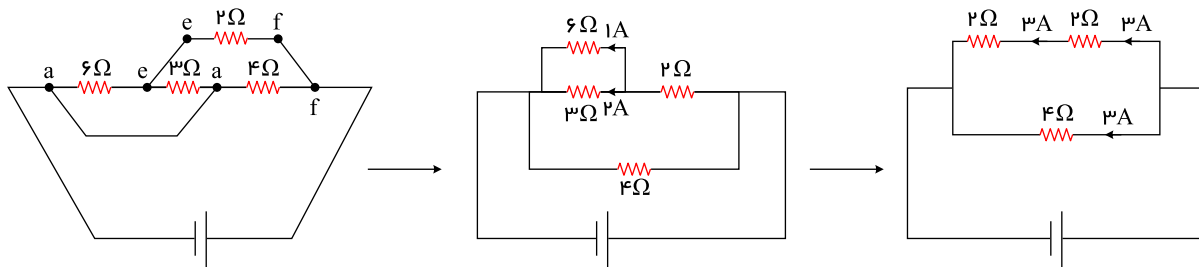
$$V_{AB} = \Delta V_{R_r} = R_r I' \Rightarrow V_{AB} = R_r I' \Rightarrow I' \uparrow \Rightarrow (\text{عدد آمپرسنج}) \uparrow$$

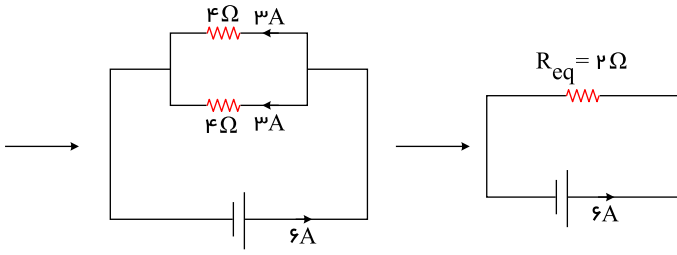
گام سوم:

$$R_r : P_{R_r} = R_r I^2 \rightarrow (P_{R_r}) \downarrow$$

۴۹ - گزینه ۲

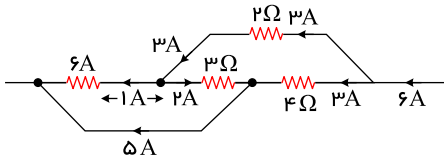
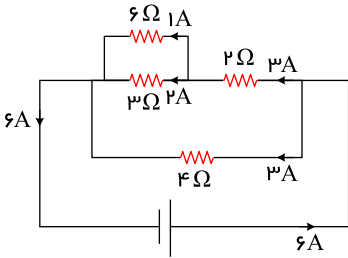
برای سادگی می‌توان با روش نام‌گذاری، مدار را کمی ساده‌تر کرد و جریان هر مقاوت را به دست آورد.





$$I_T = \frac{\varepsilon}{R_{eq} + r} = \frac{12}{2 + 0} = 6A$$

حال جریان کل را تقسیم می کنیم تا جریان هر مقاومت محاسبه شود. حالا که جریان هر مقاومت را به دست آوردیم، دوباره به مدار اصلی برمی گردیم تا جهت های جریان را در مدار اولیه به دست آوریم:



۵۰ - گزینه ۴ در نمودار $I - V$ ، شیب نمودار با عکس مقاومت الکتریکی برابر است. یعنی:

$$(I - V) \text{ نمودار} = \text{شیب مقاومت} = \frac{1}{R}$$

شیب ۲ > شیب ۱

$$\frac{1}{R_1} > \frac{1}{R_2} \Rightarrow R_1 < R_2$$

۵۱ - گزینه ۲ طبق قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، نیرو محرکه القایی در یک مدار بسته با آهنگ تغییر شار مغناطیسی رابطه مستقیم دارد.

۵۲ - گزینه ۱ ابتدا با توجه به توان مصرفی مقاومت R_1 ، جریان عبوری از آن را محاسبه می کنیم. سپس با توجه به موازی بودن مقاومت R_1 و R_2 ، جریان عبوری از و جریان کل مدار که همان جریان عبوری از سیملوله است را به دست می آوریم:

$$\left. \begin{aligned} P_1 &= R_1 I_1^2 \Rightarrow 24 = 6 I_1^2 \Rightarrow I_1 = 2A \\ V_1 &= V_2 \Rightarrow 6 I_1 = 12 I_2 \Rightarrow I_2 = 1A \end{aligned} \right\} \Rightarrow I_{\text{سیملوله}} = 2 + 1 = 3A$$

$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{1000 \times 3}{1} = 12\pi \times 10^{-4} T = 1,2\pi \times 10^{-3} T$$

۵۳ - گزینه ۴ به کمک رابطه میدان مغناطیسی عبوری از سیملوله و شار عبوری از یک حلقه داریم:

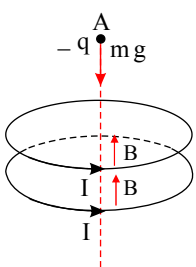
$$B = \mu_0 \frac{NI}{l} \Rightarrow B \propto I \Rightarrow B_2 = 2B_1$$

$$\Phi = BA \cos \theta \Rightarrow \Phi \propto B \Rightarrow \Phi_2 = 2\Phi_1$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2 \Rightarrow U \propto I^2 \Rightarrow U_2 = 4U_1$$

۵۴ - گزینه ۳

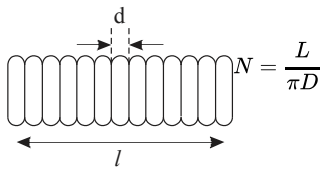
باتوجه به شکل چون راستای حرکت ذره ی باردار در طول مسیر حرکت خود با راستای خطوط میدان مغناطیسی ناشی از حلقه های حامل جریان یکسان است پس میدان مغناطیسی بر آن نیرویی وارد نمی کند و تنها نیروی وارد بر ذره، نیروی وزن است. یعنی ذره با همان شتاب g سقوط می کند.



$$F = qvB \sin \theta \xrightarrow{\sin \theta = 0} F = 0$$

۵۵ - گزینه ۱

اگر با سیمی به طول L ، سیملوله‌ای به قطر D درست کنیم مطابق شکل مقابل، تعداد حلقه‌های آن برابر است با:



از طرفی چون حلقه‌های سیملوله به یکدیگر چسبیده‌اند. طول سیملوله برابر است با:

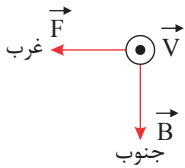
$$\ell = Nd \Rightarrow \frac{N}{\ell} = \frac{1}{d}$$

$$B = \frac{\mu_0 NI}{\ell} = \frac{\mu_0 I}{d}$$

حال باتوجه به رابطه بزرگی میدان مغناطیسی روی محور اصلی داریم:

۵۶ - گزینه ۳

با استفاده از قاعده‌ی دست راست و باتوجه به منفی بودن بار الکتریکی جهت میدان مغناطیسی مطابق شکل به سمت جنوب خواهد بود. بنابراین با استفاده از رابطه‌ی نیروی وارد بر بار الکتریکی متحرک در یک میدان مغناطیسی داریم:



$$F = qvB \sin \alpha \xrightarrow{\alpha = 90^\circ} 6,4 \times 10^{-18} = 1,6 \times 10^{-19} \times 2 \times 10^5 \times B \times 1$$

$$\Rightarrow 6,4 \times 10^{-18} = 3,2 \times 10^{-19} \times B \Rightarrow B = 2 \times 10^{-7} T = 2 \mu G$$

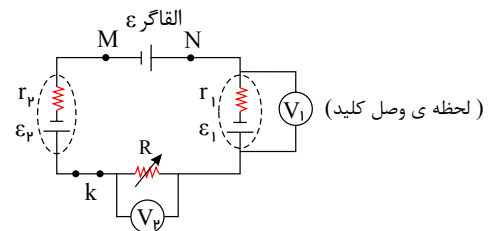
۵۷ - گزینه ۱ مطابق شکل، مولدها به صورت مخالف بسته شده‌اند. در لحظه وصل کلید جریان عبوری از القاگر در حال افزایش است. بنابراین مطابق قانون لنز در این لحظه القاگر مانند یک مولد عمل می‌کند که مانع عبور جریان از القاگر شود. از آن جا که در این لحظه $V_N > V_M$ است، بنابراین پایانه‌ی مثبت این مولد به نقطه‌ی N و پایانه‌ی منفی آن به نقطه‌ی M متصل است. لذا باید جریان در مدار به صورت پادساعتگرد باشد یعنی $\epsilon_2 > \epsilon_1$ است. پس از افزایش مقاومت R جریان عبوری در مدار کاهش می‌یابد، بنابراین عدد ولت‌سنج V_1 کاهش می‌یابد.

$$V_1 = \epsilon_1 + r_1 I \xrightarrow{I \downarrow} V_1 \downarrow$$

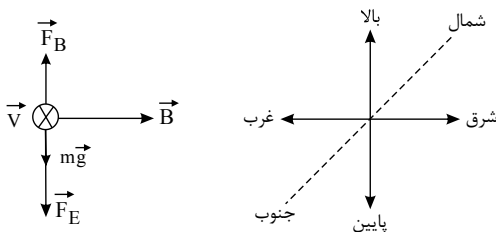
با کاهش جریان در مدار افت پتانسیل در مقاومت‌های درونی مولدها کاهش می‌یابد. بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R افزایش می‌یابد.

$$I = \frac{\epsilon_2 - \epsilon_1}{r_1 + r_2 + R} \Rightarrow \epsilon_2 - \epsilon_1 = \underbrace{r_1 I}_{V_{r_1}} + \underbrace{r_2 I}_{V_{r_2}} + \underbrace{RI}_{V_R} \xrightarrow{I \downarrow} V_R \uparrow$$

$\epsilon_2 - \epsilon_1$ ثابت



۵۸ - گزینه ۱ برای اینکه ذره مسیر حرکت خود را در راستای افقی حفظ کند، باید نیروی مغناطیسی به گونه‌ای وارد شود که بر این ذره در راستای قائم صفر شود.



با توجه به جهت میدان الکتریکی و منفی بودن بار ذره، نیروی وارد از سوی این میدان هم‌جهت با وزن بوده و رو به پایین است؛ برای اینکه ذره مسیر افقی خود را حفظ کند بر این نیروها در راستای قائم باید صفر باشد، بنابراین جهت نیروی مغناطیسی باید رو به بالا باشد، در نتیجه طبق قاعده‌ی دست راست، جهت میدان مغناطیسی از غرب به شرق است.

$$F_B = mg + F_E \Rightarrow |q|vB \sin \alpha = mg + E|q|$$

$$\Rightarrow 10 \times 10^{-6} \times 50 \times B \times 1 = 10^{-3} \times 10 + 800 \times 10 \times 10^{-6} \Rightarrow B = 36 T$$

۵۹ - گزینه ۱ با توجه به نمودار $\frac{3T}{4} = 9s$ است. بنابراین می‌توان نوشت:

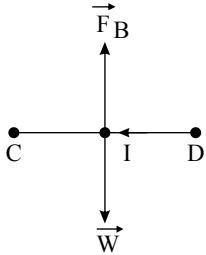
$$\frac{3T}{4} = 9 \Rightarrow T = 12s$$

$$\frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{12} = \frac{\pi}{6} \text{ rad/s}$$

از طرفی شار عبوری از پیچه طبق رابطه $\Phi = \Phi_{\max} \cos\left(\frac{2\pi}{T}t\right)$ برابر است با:

$$\Phi = 3,6 \times 10^{-2} \cos\left(\frac{\pi}{6}t\right)$$

۶۰ - گزینه ۴ نیروی وزن به سمت پایین بر سیم وارد می‌شود، بنابراین نیروی مغناطیسی وارد بر سیم باید به سمت بالا باشد تا سیم در حالت تعادل بماند. طبق قاعده دست راست، جریان سیم باید از D به C باشد، در نتیجه باتری B باید در مدار قرار گیرد.



اکنون می‌توانیم جریان مدار را بیابیم. داریم:

$$F_B = W \Rightarrow IlB = mg \Rightarrow I \times 0,2 \times 0,5 = 4 \times 10^{-2} \times 10 \Rightarrow I = 0,4 \text{ A}$$

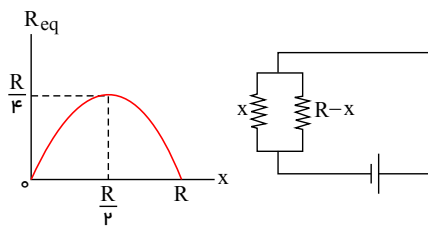
در نهایت با توجه به قانون اهم داریم:

$$V = RI = 10 \times 0,4 = 4 \text{ V}$$

۶۱ - گزینه ۳ ابتدا مقاومت معادل را زمانی که لغزنده رتوستا در فاصله L' از نقطه M قرار دارد به دست می‌آوریم. فرض می‌کنیم، مقاومت قسمتی از سیم از نقطه M تا لغزنده رتوستا برابر با x و مقاومت کل سیم برابر با R باشد. مقاومت معادل برابر است با:

$$\frac{1}{x} + \frac{1}{R-x} = \frac{1}{R_{eq}} \Rightarrow R_{eq} = \frac{(R-x)x}{R} = \frac{Rx - x^2}{R}$$

اگر نمودار مقاومت معادل بر حسب x را بکشیم داریم:



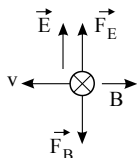
باتوجه به نمودار تا فاصله $\frac{L}{2}$ از نقطه M مقاومت معادل افزایش می‌یابد و پس از آن مقاومت معادل کاهش می‌یابد. بنابراین در این سؤال ابتدا جریان مطابق رابطه $I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r}$ کاهش و سپس افزایش می‌یابد. با توجه به قانون لنز چون جریان در مدار پادساعتگرد است با کاهش آن بزرگی میدان بروی سوی عبوری از حلقه رسانا کاهش می‌یابد. بنابراین جریان القایی ابتدا پادساعتگرد است. با کاهش مقاومت رتوستا جریان عبوری افزایش می‌یابد و لذا میدان مغناطیسی حاصل از حلقه مدار افزایش می‌یابد. بنابراین جریان القایی در حلقه ساعتگرد می‌شود.

۶۲ - گزینه ۴

$$|\bar{\epsilon}| = \left| -N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right| = \left| -N \frac{A\Delta B}{\Delta t} \right| \Rightarrow \bar{\epsilon} = 2000 \times \frac{50 \times 10^{-2} \times (0,04 - (-0,04))}{0,2} \Rightarrow \bar{\epsilon} = 40 \text{ V}$$

۶۳ - گزینه ۲ شرط اینکه ذره بدون انحراف مسیر خود را ادامه دهد، این است که نیروی مغناطیسی و نیروی الکتریکی با هم متوازن شوند.

$$F_B = F_E \Rightarrow |qvB| = E|q| \Rightarrow v = \frac{E}{B} = \frac{450}{0,1} = 4500 \text{ m/s} = 4,5 \times 10^5 \text{ cm/s}$$



مطابق شکل، با فرض مثبت بودن بار، جهت میدان الکتریکی به طرف بالا خواهد شد.

(دقت کنید، اگر بار را منفی هم فرض کنیم، باز تغییری در جهت \vec{E} ایجاد نمی‌شود.)

۶۴ - گزینه ۱

$$R = \rho \frac{L}{A} = 1,7 \times 10^{-8} \frac{L}{0,34 \times 10^{-2}} \Rightarrow R = 5 \times 10^{-7} L \xrightarrow{L=2\pi r} R = 5 \times 10^{-7} \times 2\pi \times 10 \times 10^{-2} \Rightarrow R = \pi \times 10^{-7} \Omega$$

$$|\bar{I}| = \left| -\frac{N \Delta\phi}{R \Delta t} \right| = \left| \frac{N}{R} \times \frac{BA(\cos 90^\circ - \cos 0^\circ)}{\Delta t} \right|$$

$$\Rightarrow I = \frac{1}{\pi \times 10^{-7}} \times \frac{0,04 \times (\pi \times 0,1^2) \times 1}{4} \Rightarrow I = 1 \text{ A}$$

۶۵ - گزینه ۳ با در نظر گرفتن جهت اولیه میدان مغناطیسی عبوری از پیچه به عنوان جهت نیم خط عمود بر سطح پیچه، شار مغناطیسی عبوری از پیچه را در هر حالت حساب می‌کنیم.

$$\phi_1 = A_1 B_1 \cos \theta_1 = \pi r^2 B_1 \cos 0 = 3 \times (5 \times 10^{-2})^2 \times 400 \times 10^{-2} \times 1 \Rightarrow \phi_1 = 3 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

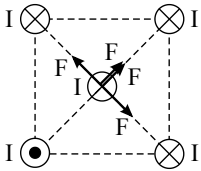
$$\phi_p = A_p B_p \cos \theta_p = \pi r^2 B_p \cos 18^\circ \Rightarrow \phi_p = 3 \times (\delta \times 10^{-2})^2 \times 4 \times 10^{-2} \times (-1) \Rightarrow \phi_p = -3 \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

حال با استفاده از قانون القای الکترومغناطیسی فاراده، داریم:

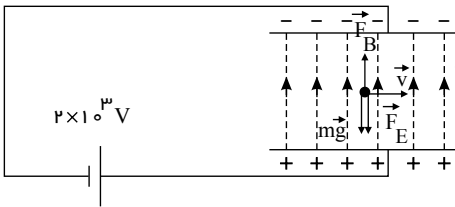
$$|\mathcal{E}| = \left| -N \frac{\Delta \phi}{\Delta t} \right| = \left| -10^3 \times \frac{-3 \times 10^{-4} - 3 \times 10^{-4}}{0.1} \right| \Rightarrow |\mathcal{E}| = 6V$$

۶۶ - گزینه ۳ در حالت اول چون جهت جریان بین سیم‌های واقع در رأس مربع و مرکز، مخالف یکدیگر است، بنابراین نیروی بین آن‌ها دافعه است و در نتیجه نیروی خالص وارد بر سیم حامل جریان واقع در مرکز مربع برابر با صفر است.

وقتی جهت جریان عبوری از سه سیم واقع در رأس‌های مربع تغییر می‌کند، با توجه به این‌که جهت جریان عبوری از آن‌ها با جهت جریان سیم واقع در مرکز مربع مشابه می‌شود، نیروی بین آن‌ها از نوع جاذبه خواهد شد و مطابق با شکل زیر، اندازه نیروی خالص وارد بر سیم حامل جریان واقع در مرکز مربع برابر با $2F$ خواهد شد. در نتیجه اندازه نیروی خالص از صفر به $2F$ رسیده و به اندازه $2F$ تغییر کرده است.



۶۷ - گزینه ۴ با توجه به جهت میدان الکتریکی و بار منفی ذره، نیروی الکتریکی وارد بر ذره به سمت پایین و هم‌جهت با نیروی وزن وارد بر ذره خواهد بود.



بنابراین برای این‌که ذره بدون انحراف به مسیر افقی خود ادامه دهد، باید نیروی مغناطیسی به سمت بالا بر ذره وارد شود. با توجه به این‌که کمینه بزرگی میدان مغناطیسی مورد سؤال است، بنابراین طبق قاعده دست راست برای بار منفی، جهت میدان مغناطیسی وارد بر این بار منفی باید برون‌سو باشد. برای محاسبه اندازه میدان مغناطیسی داریم:

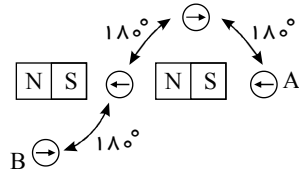
$$F_B = W + F_E \Rightarrow |q|vB \sin \theta = mg + |q|E \xrightarrow{\theta=90^\circ \rightarrow \sin \theta=1} |q|vB = mg + |q| \frac{|\Delta V|}{d}$$

$$\Rightarrow 10^{-9} \times 10^6 \times B = \delta \times 10^{-6} \times 10 + 10^{-9} \times \frac{2 \times 10^3}{4 \times 10^{-2}} \Rightarrow B = 0.1 T = 10^3 G$$

۶۸ - گزینه ۲

عقربه کلاً 540° درجه می‌چرخد.

ولی نسبت به وضعیت A ، 180° درجه دوران کرده است.



۶۹ - گزینه ۳ جهت میدان مغناطیسی زمین در بازه‌های زمانی نامنظم به طور کامل وارون می‌شود.

۷۰ - گزینه ۴

$$\text{طول حلقه} : \ell = 2\pi r = 2 \times 3 \times 0.2 = 1.2m$$

$$R = P \frac{\ell}{A} = 1.7 \times 10^{-8} \times \frac{1.2}{3 \times (2 \times 10^{-2})^2} = 1.7 \times 10^{-3} \Omega$$

$$\Delta q = I \cdot \Delta t = \left(\frac{N \Delta \Phi}{R \Delta t} \right) \Delta t = \frac{N}{R} \Delta \Phi = \frac{N}{R} \cdot A \Delta B$$

$$A \Delta B \Rightarrow \Delta q = \frac{1}{1.7 \times 10^{-3}} \times (3 \times 0.2^2) \times 5.1 = 360 C$$

۷۱ - گزینه ۳ طبق متن کتاب درسی، آلومینیوم، سدیم و پلاتین مواد پارامغناطیسی و مس، نقره و سرب مواد دیامغناطیسی هستند.

۷۲ - گزینه ۳

$$\left. \begin{aligned} F &= |q|VB \\ K &= \frac{1}{2} m v^2 \end{aligned} \right\} \Rightarrow K = \frac{1}{2} m \left(\frac{F}{|q|B} \right)^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-8} \left(\frac{6 \times 10^{-5}}{3 \times 10^{-6} \times 5} \right)^2 = 16 \times 10^{-8} J = 0.16 \mu J$$

۷۳ - گزینه ۱ ولت‌سنج به دو سر R_p بسته شده پس برای محاسبه جریان مدار داریم:

$$V_p = R_p I \rightarrow I = \frac{30}{10} = 3A$$

و چون ولتاژ کل مدار $42V$ است، پس ولتاژ دو سر مجموعه R_{12} برابر است با:

$$V_{12} = V_T - V_r = 42 - 30 = 12V$$

پس جریان عبوری از مقاومت R_p برابر است با:

$$I_r = \frac{V_r}{R_r} = \frac{12}{12} = 1A$$

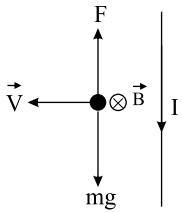
جریان کل مدار $3A$ بوده و جریان $1A$ از مقاومت R_p می‌گذرد، پس جریان عبوری از القاگر برابر است با:

$$I_1 = 3 - 1 = 2A$$

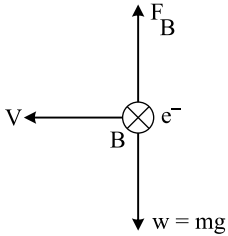
و انرژی ذخیره‌شده در القاگر برابر است با:

$$U = \frac{1}{2} L I_1^2 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 4 = 1J$$

۷۴ - گزینه ۲



چون بار بدون انحراف در حال حرکت است، بنابراین نیروهای F و mg باید با یکدیگر هم‌اندازه و در خلاف جهت یکدیگر باشند. از طرفی می‌دانیم میدان حاصل از سیم در محل حضور بار الکتریکی، به صورت درون‌سو است.



حال با استفاده از قاعده دست راست مشاهده می‌شود که با توجه به جهت V ، B و F علامت بار باید منفی باشد. همانطور که می‌دانیم میدان حاصل از سیم با شدت جریان رابطه مستقیم و با فاصله از سیم رابطه عکس دارد.

با توجه به اینکه با فاصله گرفتن از سیم مقدار B کاهش می‌یابد در نتیجه مقدار F نیز طبق رابطه $F = qvB \sin \alpha$ کاهش می‌یابد، لذا برای جبران این موضوع مقدار I باید افزایش یابد تا همواره $|F| = |mg|$ بماند.

۷۵ - گزینه ۲ در حالت (الف)، سطح قاب عمود بر خط‌های میدان قرار دارد و اندازه شار عبوری، بیشینه است. ($\Phi = BA$)

در حالت (ب) سطح قاب به موازات خط‌های میدان قرار دارد و هیچ خط میدانی از قاب عبور نمی‌کند و شار عبوری کمترین مقدار (صفر) را دارد.

در حالت (پ) زاویه بین خط عمود بر سطح حلقه و خط‌های میدان 60° درجه است و اندازه شار مغناطیسی برابر است با: $\Phi = BA \cos 60^\circ = \frac{1}{2} BA$

پس پاسخ سؤال، حالت (ب) است.

پاسخنامه کلیدی

۱ - ۲	۱۲ - ۴	۲۳ - ۲	۳۴ - ۲	۴۵ - ۳	۵۶ - ۳	۶۷ - ۴
۲ - ۴	۱۳ - ۲	۲۴ - ۴	۳۵ - ۱	۴۶ - ۳	۵۷ - ۱	۶۸ - ۲
۳ - ۳	۱۴ - ۳	۲۵ - ۲	۳۶ - ۴	۴۷ - ۳	۵۸ - ۱	۶۹ - ۳
۴ - ۴	۱۵ - ۱	۲۶ - ۴	۳۷ - ۲	۴۸ - ۳	۵۹ - ۱	۷۰ - ۴
۵ - ۲	۱۶ - ۴	۲۷ - ۱	۳۸ - ۲	۴۹ - ۲	۶۰ - ۴	۷۱ - ۳
۶ - ۱	۱۷ - ۱	۲۸ - ۱	۳۹ - ۱	۵۰ - ۴	۶۱ - ۳	۷۲ - ۳
۷ - ۲	۱۸ - ۱	۲۹ - ۳	۴۰ - ۴	۵۱ - ۲	۶۲ - ۴	۷۳ - ۱
۸ - ۴	۱۹ - ۴	۳۰ - ۴	۴۱ - ۲	۵۲ - ۱	۶۳ - ۲	۷۴ - ۲
۹ - ۲	۲۰ - ۳	۳۱ - ۴	۴۲ - ۳	۵۳ - ۴	۶۴ - ۱	۷۵ - ۲
۱۰ - ۲	۲۱ - ۳	۳۲ - ۲	۴۳ - ۱	۵۴ - ۳	۶۵ - ۳	
۱۱ - ۳	۲۲ - ۲	۳۳ - ۴	۴۴ - ۲	۵۵ - ۱	۶۶ - ۳	